

ДЕПАРТАМЕНТ ПО СОЦИАЛЬНЫМ ВОПРОСАМ
Заводоуковская средняя общеобразовательная школа № 3,
филиал Муниципального автономного
общеобразовательного учреждения
Заводоуковского муниципального округа
«Заводоуковская средняя общеобразовательная школа № 2»
(СОШ № 3, филиал МАОУ «СОШ № 2»)

РАССМОТРЕНА
на заседании ШМО
учителей математики и
информатики
протокол № 7
от 24.08.2026
/Поляк М.А./ *Пл*

СОГЛАСОВАНА
заместитель директора
филиала
Мингалсва А.А.
/Мингалсва А.А./
от 28.08.2026

УТВЕРЖДЕНА
приказом директора школы
от 29.08.2026
№ 141-О

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА
учебного курса
«Геометрия (углубленный уровень)»
Уровень среднего общего образования
Срок освоения: 2 года (10 - 11 класс)
на 2026-2027 учебный год

Составители:
Барышева О.В.
Заьара С.А.
учителя математики

ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Рабочая программа учебного курса «Геометрия» разработана на основе следующих документов:

- ФГОС СОО, утв. приказом Минобрнауки РФ от 17.05.2012 № 413 с изм. от 12.08.2022 № 732 (в действующей редакции);
- Приказа Минпросвещения России от 19.03.2024 N 171 «О внесении изменений в некоторые приказы Министерства просвещения Российской Федерации, касающиеся федеральных образовательных программ начального общего образования, основного общего образования и среднего общего образования»;
- Приказа Минпросвещения России от 09.10.2024 № 704 «О внесении изменений в некоторые приказы Министерства просвещения Российской Федерации, касающиеся федеральных образовательных программ начального общего образования, основного общего образования и среднего общего образования»;
- Приказа Минпросвещения России от 08.10.2025 № 729 «О внесении изменений в некоторые приказы Министерства образования и науки Российской Федерации и Министерства просвещения Российской Федерации, касающиеся федеральных государственных образовательных стандартов начального общего, основного общего образования и среднего общего образования»;
- Приказа Министерства просвещения Российской Федерации от 10.11.2025 № 808 «О внесении изменений в некоторые приказы Министерства просвещения Российской Федерации, касающиеся федеральных образовательных программ начального общего образования, основного общего образования и среднего общего образования»;
- ФОО СОО, утверждённой приказом Министерства просвещения РФ от 18.05.2023 № 371 (с обновлением от 12.07.2023 № 74228);
- Положения о рабочих программах учебных предметов, учебных курсов (в том числе курсов внеурочной деятельности), учебных модулей, разрабатываемых на основе обновленных ФГОС и в соответствии с требованиями Федеральных образовательных программ начального общего, основного общего, среднего общего образования от 16 июня 2025 г. № 25 (приказ от 16.06.2025 № 107-О).

ОБЩАЯ ХАРАКТЕРИСТИКА УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА

Геометрия является одним из базовых курсов на уровне среднего общего образования, так как обеспечивает возможность изучения дисциплин естественно-научной направленности и предметов гуманитарного цикла. Поскольку логическое мышление, формируемое при изучении обучающимися понятийных основ геометрии, при доказательстве теорем и построении цепочки логических утверждений при решении геометрических задач, умение выдвигать и опровергать гипотезы непосредственно используются при решении задач естественно-научного цикла, в частности физических задач.

ЦЕЛЬ И ЗАДАЧИ ИЗУЧЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА

Цель освоения программы учебного курса «Геометрия» на углублённом уровне – развитие индивидуальных способностей обучающихся при изучении геометрии, как составляющей предметной области «Математика и информатика» через обеспечение возможности приобретения и использования более глубоких геометрических знаний и действий, специфичных геометрии, и необходимых для успешного профессионального образования, связанного с использованием математики.

Приоритетными задачами курса геометрии на углублённом уровне, расширяющими и усиливающими курс базового уровня, являются:

расширение представления о геометрии как части мировой культуры и формирование осознания взаимосвязи геометрии с окружающим миром;

формирование представления о пространственных фигурах как о важнейших математических моделях, позволяющих описывать и изучать разные явления окружающего мира, знание понятийного аппарата по разделу «Стереометрия» учебного курса геометрии;

формирование умения владеть основными понятиями о пространственных фигурах и их основными свойствами, знание теорем, формул и умение их применять, умения доказывать теоремы и находить нестандартные способы решения задач;

формирование умения распознавать на чертежах, моделях и в реальном мире многогранники и тела вращения, конструировать геометрические модели;

формирование понимания возможности аксиоматического построения математических теорий, формирование понимания роли аксиоматики при проведении рассуждений;

формирование умения владеть методами доказательств и алгоритмов решения, умения их применять, проводить доказательные рассуждения в ходе решения стереометрических задач и задач с практическим содержанием, формирование представления о необходимости доказательств при обосновании математических утверждений и роли аксиоматики в проведении дедуктивных рассуждений;

развитие и совершенствование интеллектуальных и творческих способностей обучающихся, познавательной активности, исследовательских умений, критичности мышления, интереса к изучению геометрии;

формирование функциональной грамотности, релевантной геометрии: умения распознавать проявления геометрических понятий, объектов и закономерностей в реальных жизненных ситуациях и при изучении других учебных предметов, проявления зависимостей и закономерностей, моделирования реальных ситуаций, исследования построенных моделей, интерпретации полученных результатов.

Основными содержательными линиями учебного курса «Геометрия» в 10–11 классах являются: «Прямые и плоскости в пространстве», «Многогранники», «Тела вращения», «Векторы и координаты в пространстве», «Движения в пространстве».

Сформулированное во ФГОС СОО требование «уметь оперировать понятиями», релевантными геометрии на углублённом уровне обучения в 10–11 классах, относится ко всем содержательным линиям учебного курса, а формирование логических умений распределяется не только по содержательным линиям, но и по годам обучения. Содержание образования, соответствующее предметным результатам освоения Федеральной рабочей программы, распределённым по годам обучения, структурировано таким образом, чтобы ко всем основным, принципиальным вопросам обучающиеся обращались неоднократно. Это позволяет организовать овладение геометрическими понятиями и навыками последовательно и поступательно, с соблюдением принципа преемственности, а новые знания включать в общую систему геометрических представлений обучающихся, расширяя и углубляя её, образуя прочные множественные связи.

Переход к изучению геометрии на углублённом уровне позволяет:

создать условия для дифференциации обучения, построения индивидуальных образовательных программ, обеспечить углублённое изучение геометрии как составляющей учебного предмета «Математика»;

подготовить обучающихся к продолжению изучения математики с учётом выбора будущей профессии, обеспечивая преемственность между общим и профессиональным образованием.

УРОВЕНЬ РЕАЛИЗАЦИИ РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ

- Углубленный

МЕСТО УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА В УЧЕБНОМ ПЛАНЕ ШКОЛЫ

На изучение учебного курса «Геометрия» на углублённом уровне отводится 204 часа: в 10 классе – 102 часа (3 часа в неделю), в 11 классе – 102 часа (3 часа в неделю).

РЕАЛИЗАЦИЯ ВОСПИТАТЕЛЬНОГО ПОТЕНЦИАЛА

Воспитательный потенциал учебного курса «Геометрия» реализуется через:

- использование воспитательных возможностей содержания учебного предмета для создания благоприятных условий для развития социально значимых отношений школьников и прежде всего ценностных отношений через демонстрацию обучающимся примеров ответственного, гражданского поведения, проявления человеколюбия и добросердечности, через подбор соответствующих текстов для чтения, задач для решения, проблемных ситуаций для обсуждения в классе;
- применение на уроке адекватных особым потребностям обучающихся и их реальным возможностям форм организации: дидактических материалов, стимулирующих познавательную мотивацию обучающихся;
- привлечение внимания обучающихся к ценностному аспекту изучаемых на уроках явлений, организация их работы с получаемой на уроке социально значимой информацией - инициирование ее обсуждения, высказывания обучающимися своего мнения по ее поводу, выработки своего к ней отношения;
- использование на уроке адекватных коммуникативных и коммуникационных (цифровых) технологий;
- организация взаимопомощи обучающихся друг другу в рамках урочной деятельности.

Математика играет важнейшую роль в процессе профориентации школьников, помогая определить наиболее подходящие профессиональные пути развития. Профориентация на уроках «Геометрии» является важным элементом образовательного процесса, направленным на помощь учащимся в выборе будущей профессии, связанной с применением математических знаний и навыков.

• **Технические направления:** Будущие инженеры, физики, химики, программисты нуждаются в глубоком понимании математики для расчётов и проектировании конструкций, предсказании поведения объектов и среды, разработке компьютерных программ и приложений.

• **Экономические профессии:** Анализ рынка, составление финансовых планов, управление рисками невозможны без математической подготовки. Будущим экономистам, финансистам, бухгалтерам необходима способность строить прогнозы, интерпретировать статистику и оценивать экономические показатели.

• **Медицина и биология:** Даже врачи и учёные-биологи вынуждены оперировать численными показателями здоровья пациентов, результатами анализов, характеристиками лекарственных препаратов и медицинских приборов.

• **Гуманитарные области:** И здесь знание математики важно, особенно в изучении демографии, психологии, социологии, истории, где применяются количественные методы исследований и анализа исторических закономерностей.

Единая модель профориентации реализуется через следующие темы:

10 класс: Построение перпендикуляра из точки на прямую. Построение перпендикулярных прямой и плоскости. Симметрия в пространстве относительно плоскости. Плоскости симметрий в многогранниках. Построение перпендикуляра из точки на прямую.

11 класс: История развития стереометрии как науки и её роль в развитии современных инженерных и компьютерных технологий. Прикладные задачи по теме "Объёмы тел", связанные с объёмом наклонной призмы.

СОДЕРЖАНИЕ ОБУЧЕНИЯ

10 КЛАСС

Прямые и плоскости в пространстве

Основные понятия стереометрии. Точка, прямая, плоскость, пространство. Понятие об аксиоматическом построении стереометрии: аксиомы стереометрии и следствия из них.

Взаимное расположение прямых в пространстве: пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые. Признаки скрещивающихся прямых. Параллельность прямых и плоскостей в пространстве: параллельные прямые в пространстве, параллельность трёх прямых, параллельность прямой и плоскости. Параллельное и центральное проектирование, изображение фигур. Основные свойства параллельного проектирования. Изображение фигур в параллельной проекции. Углы с сонаправленными сторонами, угол между прямыми в пространстве. Параллельность плоскостей: параллельные плоскости, свойства параллельных плоскостей. Простейшие пространственные фигуры на плоскости: тетраэдр, параллелепипед, построение сечений.

Перпендикулярность прямой и плоскости: перпендикулярные прямые в пространстве, прямые параллельные и перпендикулярные к плоскости, признак перпендикулярности прямой и плоскости, теорема о прямой перпендикулярной плоскости. Ортогональное проектирование. Перпендикуляр и наклонные: расстояние от точки до плоскости, расстояние от прямой до плоскости, проекция фигуры на плоскость. Перпендикулярность плоскостей: признак перпендикулярности двух плоскостей. Теорема о трёх перпендикулярах.

Углы в пространстве: угол между прямой и плоскостью, двугранный угол, линейный угол двугранного угла. Трёхгранный и многогранные углы. Свойства плоских углов многогранного угла. Свойства плоских и двугранных углов трёхгранного угла. Теоремы косинусов и синусов для трёхгранного угла.

Многогранники

Виды многогранников, развёртка многогранника. Призма: n -угольная призма, прямая и наклонная призмы, боковая и полная поверхность призмы. Параллелепипед, прямоугольный параллелепипед и его свойства. Кратчайшие пути на поверхности многогранника. Теорема Эйлера. Пространственная теорема Пифагора. Пирамида: n -угольная пирамида, правильная и усечённая пирамиды. Свойства рёбер и боковых граней правильной пирамиды. Правильные многогранники: правильная призма и правильная пирамида, правильная треугольная пирамида и правильный тетраэдр, куб. Представление о правильных многогранниках: октаэдр, додекаэдр и икосаэдр.

Вычисление элементов многогранников: рёбра, диагонали, углы. Площадь боковой поверхности и полной поверхности прямой призмы, площадь оснований, теорема о боковой поверхности прямой призмы. Площадь боковой поверхности и поверхности правильной пирамиды, теорема о площади усечённой пирамиды.

Симметрия в пространстве. Элементы симметрии правильных многогранников. Симметрия в правильном многограннике: симметрия параллелепипеда, симметрия правильных призм, симметрия правильной пирамиды.

Векторы и координаты в пространстве

Понятия: вектор в пространстве, нулевой вектор, длина ненулевого вектора, векторы коллинеарные, сонаправленные и противоположно направленные векторы. Равенство векторов. Действия с векторами: сложение и вычитание векторов, сумма нескольких векторов, умножение вектора на число. Свойства сложения векторов. Свойства умножения вектора на число. Понятие компланарные векторы. Признак компланарности трёх векторов. Правило параллелепипеда. Теорема о разложении вектора по трём некомпланарным векторам. Прямоугольная система координат в пространстве. Координаты вектора. Связь

между координатами вектора и координатами точек. Угол между векторами. Скалярное произведение векторов.

11 КЛАСС

Тела вращения

Понятия: цилиндрическая поверхность, коническая поверхность, сферическая поверхность, образующие поверхностей. Тела вращения: цилиндр, конус, усечённый конус, сфера, шар. Взаимное расположение сферы и плоскости, касательная плоскость к сфере. Изображение тел вращения на плоскости. Развёртка цилиндра и конуса. Симметрия сферы и шара.

Объём. Основные свойства объёмов тел. Теорема об объёме прямоугольного параллелепипеда и следствия из неё. Объём прямой и наклонной призмы, цилиндра, пирамиды и конуса. Объём шара и шарового сегмента.

Комбинации тел вращения и многогранников. Призма, вписанная в цилиндр, описанная около цилиндра. Пересечение сферы и шара с плоскостью. Касание шара и сферы плоскостью. Понятие многогранника, описанного около сферы, сферы, вписанной в многогранник или тело вращения.

Площадь поверхности цилиндра, конуса, площадь сферы и её частей. Подобие в пространстве. Отношение объёмов, площадей поверхностей подобных фигур. Преобразование подобия, гомотетия. Решение задач на плоскости с использованием стереометрических методов.

Построение сечений многогранников и тел вращения: сечения цилиндра (параллельно и перпендикулярно оси), сечения конуса (параллельные основанию и проходящие через вершину), сечения шара, методы построения сечений: метод следов, метод внутреннего проектирования, метод переноса секущей плоскости.

Векторы и координаты в пространстве

Векторы в пространстве. Операции над векторами. Векторное умножение векторов. Свойства векторного умножения. Прямоугольная система координат в пространстве. Координаты вектора. Разложение вектора по базису. Координатно-векторный метод при решении геометрических задач.

Движения в пространстве

Движения пространства. Отображения. Движения и равенство фигур. Общие свойства движений. Виды движений: параллельный перенос, центральная симметрия, зеркальная симметрия, поворот вокруг прямой. Преобразования подобия. Прямая и сфера Эйлера.

ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА «ГЕОМЕТРИЯ» (УГЛУБЛЕННЫЙ УРОВЕНЬ) НА УРОВНЕ СРЕДНЕГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

1) гражданское воспитание:

сформированность гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представление о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и другое), умение взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением;

2) патриотическое воспитание:

сформированность российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностное отношение к достижениям российских математиков и российской математической школы, использование этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики;

3) духовно-нравственное воспитание:

осознание духовных ценностей российского народа, сформированность нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного, осознание личного вклада в построение устойчивого будущего;

4) эстетическое воспитание:

эстетическое отношение к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений, восприимчивость к математическим аспектам различных видов искусства;

5) физическое воспитание:

сформированность умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственное отношение к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность), физическое совершенствование при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью;

6) трудовое воспитание:

готовность к труду, осознание ценности трудолюбия, интерес к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умение совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы, готовность и способность к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни, готовность к активному участию в решении практических задач математической направленности;

7) экологическое воспитание:

сформированность экологической культуры, понимание влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознание глобального характера экологических проблем, ориентация на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирование поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды;

8) ценности научного познания:

сформированность мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, понимание математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации, овладение языком математики и математической культурой как средством познания мира, готовность осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Познавательные универсальные учебные действия

Базовые логические действия:

выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями, формулировать определения понятий, устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;

воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие, условные;

выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях, предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;

делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;

проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры, обосновывать собственные суждения и выводы;

выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

Базовые исследовательские действия:

использовать вопросы как исследовательский инструмент познания, формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;

проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;

самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;

прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

Работа с информацией:

выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;

выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;

структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;

оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

Коммуникативные универсальные учебные действия

Общение:

воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения, ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;

в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения, сопоставлять свои

суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций, в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;

представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта, самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

Регулятивные универсальные учебные действия

Самоорганизация:

составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

Самоконтроль, эмоциональный интеллект:

владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов, владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;

предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;

оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

Совместная деятельность:

понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач, принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы, обобщать мнения нескольких людей;

участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнениями, «мозговые штурмы» и иные), выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды, оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

К концу **10 класса** обучающийся научится:

- свободно оперировать основными понятиями стереометрии при решении задач и проведении математических рассуждений;
- применять аксиомы стереометрии и следствия из них при решении геометрических задач;
- классифицировать взаимное расположение прямых в пространстве, плоскостей в пространстве, прямых и плоскостей в пространстве;
- свободно оперировать понятиями, связанными с углами в пространстве: между прямыми в пространстве, между прямой и плоскостью;
- свободно оперировать понятиями, связанными с многогранниками;
- свободно распознавать основные виды многогранников (призма, пирамида, прямоугольный параллелепипед, куб);
- классифицировать многогранники, выбирая основания для классификации;
- свободно оперировать понятиями, связанными с сечением многогранников плоскостью;
- выполнять параллельное, центральное и ортогональное проектирование фигур на плоскость, выполнять изображения фигур на плоскости;

- строить сечения многогранников различными методами, выполнять (выносные) плоские чертежи из рисунков простых объёмных фигур: вид сверху, сбоку, снизу;
- вычислять площади поверхностей многогранников (призма, пирамида), геометрических тел с применением формул;
- свободно оперировать понятиями: симметрия в пространстве, центр, ось и плоскость симметрии, центр, ось и плоскость симметрии фигуры;
- свободно оперировать понятиями, соответствующими векторам и координатам в пространстве;
- выполнять действия над векторами;
- решать задачи на доказательство математических отношений и нахождение геометрических величин, применяя известные методы при решении математических задач повышенного и высокого уровня сложности;
- применять простейшие программные средства и электронно-коммуникационные системы при решении стереометрических задач;
- извлекать, преобразовывать и интерпретировать информацию о пространственных геометрических фигурах, представленную на чертежах и рисунках;
- применять полученные знания на практике: сравнивать и анализировать реальные ситуации, применять изученные понятия в процессе поиска решения математически сформулированной проблемы, моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с использованием геометрических понятий и теорем, аппарата алгебры, решать практические задачи, связанные с нахождением геометрических величин;
- иметь представления об основных этапах развития геометрии как составной части фундамента развития технологий.

К концу **11 класса** обучающийся научится:

- свободно оперировать понятиями, связанными с цилиндрической, конической и сферической поверхностями, объяснять способы получения;
- оперировать понятиями, связанными с телами вращения: цилиндром, конусом, сферой и шаром;
- распознавать тела вращения (цилиндр, конус, сфера и шар) и объяснять способы получения тел вращения;
- классифицировать взаимное расположение сферы и плоскости;
- вычислять величины элементов многогранников и тел вращения, объёмы и площади поверхностей многогранников и тел вращения, геометрических тел с применением формул;
- свободно оперировать понятиями, связанными с комбинациями тел вращения и многогранников: многогранник, вписанный в сферу и описанный около сферы, сфера, вписанная в многогранник или тело вращения;
- вычислять соотношения между площадями поверхностей и объёмами подобных тел;
- изображать изучаемые фигуры, выполнять (выносные) плоские чертежи из рисунков простых объёмных фигур: вид сверху, сбоку, снизу, строить сечения тел вращения;
- извлекать, интерпретировать и преобразовывать информацию о пространственных геометрических фигурах, представленную на чертежах и рисунках;
- свободно оперировать понятием вектор в пространстве;
- выполнять операции над векторами;
- задавать плоскость уравнением в декартовой системе координат;
- решать геометрические задачи на вычисление углов между прямыми и плоскостями, вычисление расстояний от точки до плоскости, в целом, на применение векторно-координатного метода при решении;

- свободно оперировать понятиями, связанными с движением в пространстве, знать свойства движений;
- выполнять изображения многогранников и тел вращения при параллельном переносе, центральной симметрии, зеркальной симметрии, при повороте вокруг прямой, преобразования подобия;
- строить сечения многогранников и тел вращения: сечения цилиндра (параллельно и перпендикулярно оси), сечения конуса (параллельные основанию и проходящие через вершину), сечения шара;
- использовать методы построения сечений: метод следов, метод внутреннего проектирования, метод переноса секущей плоскости;
- доказывать геометрические утверждения;
- применять геометрические факты для решения стереометрических задач, предполагающих несколько шагов решения, если условия применения заданы в явной и неявной форме;
- решать задачи на доказательство математических отношений и нахождение геометрических величин;
- применять программные средства и электронно-коммуникационные системы при решении стереометрических задач;
- применять полученные знания на практике: сравнивать, анализировать и оценивать реальные ситуации, применять изученные понятия, теоремы, свойства в процессе поиска решения математически сформулированной проблемы, моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с использованием геометрических понятий и теорем, аппарата алгебры, решать практические задачи, связанные с нахождением геометрических величин;
- иметь представления об основных этапах развития геометрии как составной части фундамента развития технологий.

**ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ
10 КЛАСС**

№ п/п	Тема урока	Количество часов			Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
Раздел 1. Введение в стереометрию					
1.1	Основные правила изображения на рисунке плоскости, параллельных прямых (отрезков), середины отрезка	1			https://m.edsoo.ru/F9MGVRWHE
1.2	Понятия стереометрии: точка, прямая, плоскость, пространство. Основные правила изображения на рисунке плоскости, параллельных прямых (отрезков), середины отрезка	1			https://m.edsoo.ru/5ECB310PZ
1.3	Понятия: пересекающиеся плоскости, пересекающиеся прямая и плоскость; полупространство	1			https://m.edsoo.ru/T2NNAU5WK
1.4	Понятия: пересекающиеся плоскости, пересекающиеся прямая и плоскость; полупространство	1			https://m.edsoo.ru/7KZVSHHVO
1.5	Многогранники, изображение простейших пространственных фигур, несуществующих объектов	1			https://m.edsoo.ru/AHGUTWH2F
1.6	Многогранники, изображение простейших пространственных фигур, несуществующих объектов	1			https://m.edsoo.ru/88UACE52Y
1.7	Аксиомы стереометрии и первые следствия из них	1			https://m.edsoo.ru/IDKRA603N
1.8	Аксиомы стереометрии и первые следствия из них	1			https://m.edsoo.ru/ZIP3R7LQ2

1.9	Аксиомы стереометрии и первые следствия из них. Способы задания прямых и плоскостей в пространстве. Обозначения прямых и плоскостей	1			https://m.edsoo.ru/AQXJXEDYR
1.10	Изображение сечений пирамиды, куба и призмы, которые проходят через их рёбра. Изображение пересечения полученных плоскостей. Раскрашивание построенных сечений разными цветами	1			https://m.edsoo.ru/EVUE9AZ7J
1.11	Изображение сечений пирамиды, куба и призмы, которые проходят через их рёбра. Изображение пересечения полученных плоскостей. Раскрашивание построенных сечений разными цветами	1			https://m.edsoo.ru/XT1VCSWB2
1.12	Изображение сечений пирамиды, куба и призмы, которые проходят через их рёбра. Изображение пересечения полученных плоскостей. Раскрашивание построенных сечений разными цветами. ЕМП: решение кейса «Строительный инженер»	1			https://m.edsoo.ru/08LAY6GMF
1.13	Изображение сечений пирамиды, куба и призмы, которые проходят через их рёбра. Изображение пересечения полученных плоскостей. Раскрашивание построенных сечений разными цветами	1			https://m.edsoo.ru/EKWHLAW84
1.14	Метод следов для построения сечений	1			https://m.edsoo.ru/1JO0N310O
1.15	Метод следов для построения сечений. Свойства пересечений прямых и плоскостей	1			https://m.edsoo.ru/DDABJTC2N

1.16	Метод следов для построения сечений. Свойства пересечений прямых и плоскостей	1			https://m.edsoo.ru/SN3SSU8E0
1.17	Построение сечений в пирамиде, кубе по трём точкам на рёбрах. Создание выносных чертежей и запись шагов построения	1			https://m.edsoo.ru/HFW637QDR
1.18	Построение сечений в пирамиде, кубе по трём точкам на рёбрах. Создание выносных чертежей и запись шагов построения	1			https://m.edsoo.ru/L62FFLCBW
1.19	Построение сечений в пирамиде, кубе по трём точкам на рёбрах. Создание выносных чертежей и запись шагов построения	1			https://m.edsoo.ru/J1AQJNZCX
1.20	Построение сечений в пирамиде, кубе по трём точкам на рёбрах. Создание выносных чертежей и запись шагов построения	1			https://m.edsoo.ru/XJEZAR5TO
1.21	Повторение планиметрии: Теорема о пропорциональных отрезках. Подобие треугольников	1			https://m.edsoo.ru/L3FYZL9LR
1.22	Повторение планиметрии: Теорема Менелая. Расчеты в сечениях на выносных чертежах. История развития планиметрии и стереометрии	1			https://m.edsoo.ru/TP9F3DVV1
1.23	Контрольная работа "Аксиомы стереометрии. Сечения"	1	1		https://m.edsoo.ru/EBLE09SZ1
Раздел 2. Взаимное расположение прямых в пространстве					
2.1	Взаимное расположение прямых в пространстве. Скрещивающиеся прямые. Признаки скрещивающихся	1			https://m.edsoo.ru/TYO9QBHKY

	прямых. Параллельные прямые в пространстве				
2.2	Теорема о существовании и единственности прямой параллельной данной прямой, проходящей через точку пространства и не лежащей на данной прямой. Лемма о пересечении параллельных прямых плоскостью	1			https://m.edsoo.ru/CYUQMU9K9
2.3	Параллельность трех прямых. Теорема о трёх параллельных прямых. Теорема о скрещивающихся прямых	1			https://m.edsoo.ru/TRPMZB3MZ
2.4	Параллельное проектирование. Основные свойства параллельного проектирования. Изображение разных фигур в параллельной проекции	1			https://m.edsoo.ru/03GR5OWZV
2.5	Центральная проекция. Угол с сонаправленными сторонами. Угол между прямыми	1			https://m.edsoo.ru/Z5FPA6SHI
2.6	Задачи на доказательство и исследование, связанные с расположением прямых в пространстве	1			https://m.edsoo.ru/7W31C0FG6
Раздел 3. Параллельность прямых и плоскостей в пространстве					
3.1	Понятия: параллельность прямой и плоскости в пространстве. Признак параллельности прямой и плоскости. Свойства параллельности прямой и плоскости	1			https://m.edsoo.ru/N18CU003L
3.2	Геометрические задачи на вычисление и доказательство, связанные с параллельностью прямых и плоскостей в пространстве	1			https://m.edsoo.ru/2DD9X2MQ3

3.3	Построение сечения, проходящего через данную прямую на чертеже и параллельного другой прямой. Расчёт отношений	1			https://m.edsoo.ru/1P06R5839
3.4	Параллельная проекция, применение для построения сечений куба и параллелепипеда. Свойства параллелепипеда и призмы	1			https://m.edsoo.ru/93OT7FLSK
3.5	Параллельные плоскости. Признаки параллельности двух плоскостей	1			https://m.edsoo.ru/QFUJAHV88
3.6	Теорема о параллельности и единственности плоскости, проходящей через точку, не принадлежащую данной плоскости и следствия из неё	1			https://m.edsoo.ru/2WG4W4XNO
3.7	Свойства параллельных плоскостей: о параллельности прямых пересечения при пересечении двух параллельных плоскостей третьей	1			https://m.edsoo.ru/3KIKV3ROG
3.8	Свойства параллельных плоскостей: об отрезках параллельных прямых, заключённых между параллельными плоскостями; о пересечении прямой с двумя параллельными плоскостями	1			https://m.edsoo.ru/QLA4PYRAT
Раздел 4. Перпендикулярность прямых и плоскостей в пространстве					
4.1	Повторение: теорема Пифагора на плоскости	1			https://m.edsoo.ru/9VJZIWC6J
4.2	Повторение: тригонометрия прямоугольного треугольника	1			https://m.edsoo.ru/Z6FNNNT5D
4.3	Свойства куба и прямоугольного параллелепипеда	1			https://m.edsoo.ru/HYNIQ785Q
4.4	Вычисление длин отрезков в кубе и	1			https://m.edsoo.ru/FZBZVP0EC

	прямоугольном параллелепипеде				
4.5	Перпендикулярность прямой и плоскости. Признак перпендикулярности прямой и плоскости	1			https://m.edsoo.ru/T8F8HOGG3
4.6	Перпендикулярность прямой и плоскости. Признак перпендикулярности прямой и плоскости	1			https://m.edsoo.ru/K38BG3IZH
4.7	Теорема о существовании и единственности прямой, проходящей через точку пространства и перпендикулярной к плоскости	1			https://m.edsoo.ru/WF3MTS4E5
4.8	Плоскости и перпендикулярные им прямые в многогранниках	1			https://m.edsoo.ru/OKTGKHN8I
4.9	Плоскости и перпендикулярные им прямые в многогранниках	1			https://m.edsoo.ru/S1V9AWIW3
4.10	Перпендикуляр и наклонная. Построение перпендикуляра из точки на прямую	1			https://m.edsoo.ru/KIP9L4ZCX
4.11	Перпендикуляр и наклонная. Построение перпендикуляра из точки на прямую	1			https://m.edsoo.ru/2IIUD45PR
4.12	Теорема о трёх перпендикулярах (прямая и обратная)	1			https://m.edsoo.ru/CNE1PAIU5
4.13	Теорема о трёх перпендикулярах (прямая и обратная)	1			https://m.edsoo.ru/IPCG564WN
4.14	Угол между скрещивающимися прямыми	1			https://m.edsoo.ru/K4EHQ3E9E
4.15	Поиск перпендикулярных прямых с помощью перпендикулярных плоскостей	1			https://m.edsoo.ru/EBYVPSMSI

4.16	Ортогональное проектирование	1			https://m.edsoo.ru/GP0ZX8VHE
4.17	Построение сечений куба, призмы, правильной пирамиды с помощью ортогональной проекции	1			https://m.edsoo.ru/F5ZMOA1AE
4.18	Построение сечений куба, призмы, правильной пирамиды с помощью ортогональной проекции	1			https://m.edsoo.ru/T50FUDOOJ
4.19	Симметрия в пространстве относительно плоскости. Плоскости симметрий в многогранниках. ЕМП: кейс «Инженер»	1			https://m.edsoo.ru/N77K7ZM8K
4.20	Признак перпендикулярности прямой и плоскости как следствие симметрии	1			https://m.edsoo.ru/L9E703U3V
4.21	Правильные многогранники. Расчёт расстояний от точки до плоскости	1			https://m.edsoo.ru/Z9E166HHZ
4.22	Правильные многогранники. Расчёт расстояний от точки до плоскости	1			https://m.edsoo.ru/TJSUOWZTH
4.23	Способы опустить перпендикуляры: симметрия, сдвиг точки по параллельной прямой	1			https://m.edsoo.ru/DHFUCBWO6
4.24	Сдвиг по непараллельной прямой, изменение расстояний	1			https://m.edsoo.ru/9OANVFE9E
4.25	Контрольная работа "Взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве"	1	1		https://m.edsoo.ru/JW5UZNN8J
Раздел 5. Углы и расстояния					
5.1	Повторение: угол между прямыми на плоскости, тригонометрия в произвольном треугольнике, теорема косинусов	1			https://m.edsoo.ru/SK9RHWDFQ
5.2	Повторение: угол между	1			https://m.edsoo.ru/WBREU9US7

	скрещивающимися прямыми в пространстве				
5.3	Геометрические методы вычисления угла между прямыми в многогранниках	1			https://m.edsoo.ru/3U4O237CK
5.4	Двугранный угол. Свойство линейных углов двугранного угла	1			https://m.edsoo.ru/8H4CYFAB0
5.5	Перпендикулярные плоскости. Свойства взаимно перпендикулярных плоскостей	1			https://m.edsoo.ru/F1HM69NVD
5.6	Признак перпендикулярности плоскостей; теорема о прямой пересечения двух плоскостей перпендикулярных третьей плоскости	1			https://m.edsoo.ru/FY5TMQ43F
5.7	Прямоугольный параллелепипед; куб; измерения, свойства прямоугольного параллелепипеда	1			https://m.edsoo.ru/K99DBNDAW
5.8	Теорема о диагонали прямоугольного параллелепипеда и следствие из неё	1			https://m.edsoo.ru/E3T10AD6I
5.9	Стереометрические и прикладные задачи, связанные со взаимным расположением прямых и плоскости	1			https://m.edsoo.ru/4TBYU36HZ
5.10	Повторение: скрещивающиеся прямые, параллельные плоскости в стандартных многогранниках	1			https://m.edsoo.ru/TL947D6WK
5.11	Пара параллельных плоскостей на скрещивающихся прямых, расстояние между скрещивающимися прямыми в простых ситуациях	1			https://m.edsoo.ru/YFWZTQREN
5.12	Расстояние от точки до плоскости, расстояние от прямой до плоскости	1			https://m.edsoo.ru/W5GN48EIM
5.13	Вычисление расстояний между	1			https://m.edsoo.ru/5W9VI1HMD

	скрещивающимися прямыми с помощью перпендикулярной плоскости				
5.14	Трёхгранный угол, неравенства для трехгранных углов. Теорема Пифагора, теоремы косинусов и синусов для трёхгранного угла	1			https://m.edsoo.ru/3XGHNLQ4J
5.15	Элементы сферической геометрии: геодезические линии на Земле	1			https://m.edsoo.ru/HMVTV74CP
5.16	Контрольная работа "Углы и расстояния"	1	1		https://m.edsoo.ru/1RTWZ59YU
Раздел 6. Многогранники					
6.1	Систематизация знаний "Многогранник и его элементы"	1			https://m.edsoo.ru/VC3UOAK3B
6.2	Пирамида. Виды пирамид. Правильная пирамида	1			https://m.edsoo.ru/J3R0247E0
6.3	Призма. Прямая и наклонная призмы. Правильная призма	1			https://m.edsoo.ru/JNDH008E0
6.4	Прямой параллелепипед, прямоугольный параллелепипед, куб	1			https://m.edsoo.ru/L8803LZGS
6.5	Выпуклые многогранники. Теорема Эйлера	1			https://m.edsoo.ru/B4T0MDU1D
6.6	Выпуклые многогранники. Теорема Эйлера. Правильные и полуправильные многогранники	1			https://m.edsoo.ru/QOMX9GA1S
6.7	Контрольная работа "Многогранники"	1	1		https://m.edsoo.ru/3N52B3TEM
Раздел 7. Векторы в пространстве					
7.1	Понятие вектора на плоскости и в пространстве	1			https://m.edsoo.ru/LRBSE3B09
7.2	Сумма векторов	1			https://m.edsoo.ru/MNTSX2XL8
7.3	Разность векторов	1			https://m.edsoo.ru/5HBMZ1POH

7.4	Правило параллелепипеда	1			https://m.edsoo.ru/XS6AN7LA2
7.5	Умножение вектора на число	1			https://m.edsoo.ru/MJUH128LR
7.6	Разложение вектора по базису трёх векторов, не лежащих в одной плоскости	1			https://m.edsoo.ru/U760IDCTG
7.7	Скалярное произведение	1			https://m.edsoo.ru/JZ46VNC71
7.8	Вычисление угла между векторами в пространстве	1			https://m.edsoo.ru/IU5196UQP
7.9	Простейшие задачи с векторами	1			https://m.edsoo.ru/FJXV79T8B
7.10	Простейшие задачи с векторами	1			https://m.edsoo.ru/JCWURNG01
7.11	Простейшие задачи с векторами	1			https://m.edsoo.ru/BEHWOELKS
7.12	Простейшие задачи с векторами	1			https://m.edsoo.ru/P3W8WZZSY
Раздел 8. Повторение, обобщение и систематизация знаний					
8.1	Обобщение и систематизация знаний	1			https://m.edsoo.ru/ECRMXSNM3
8.2	Обобщение и систематизация знаний	1			https://m.edsoo.ru/XXBTFP5WL
8.3	Итоговая контрольная работа	1	1		https://m.edsoo.ru/SFGPDWNKO
8.4	Итоговая контрольная работа	1	1		https://m.edsoo.ru/X3ZG8A6SO
8.5	Обобщение и систематизация знаний	1			https://m.edsoo.ru/931AWXEK1
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		102	6	0	

11 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов		Электронные (цифровые) образовательные ресурсы, ресурсы ИИ
		всего	Контрольные работы	
Раздел 1. Наименование разделов и тем программы				
1.1	Повторение темы "Координаты вектора на плоскости и в пространстве"	1		https://moiuroki.pф/
1.2	Повторение темы "Скалярное произведение векторов"	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/catalog/02.3/11?class=11
1.3	Повторение темы "Вычисление угла между векторами в пространстве"	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/catalog/02.3/11?class=11
1.4	Повторение темы "Уравнение прямой, проходящей через две точки"	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/catalog/02.3/11?class=11
1.5	Уравнение плоскости, нормаль, уравнение плоскости в отрезках	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/catalog/02.3/11?class=11
1.6	Уравнение плоскости, нормаль, уравнение плоскости в отрезках	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/catalog/02.3/11?class=11
1.7	Векторное произведение	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/catalog/02.3/11?class=11
1.8	Линейные неравенства, линейное программирование	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/catalog/02.3/11?class=11
1.9	Линейные неравенства, линейное	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/

	программирование			catalog/02.3/11?class=11
1.10	Аналитические методы расчёта угла между прямыми в многогранниках	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/catalog/02.3/11?class=11
1.11	Аналитические методы расчёта угла между плоскостями в многогранниках	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/catalog/02.3/11?class=11
1.12	Формула расстояния от точки до плоскости в координатах	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/catalog/02.3/11?class=11
1.13	Нахождение расстояний от точки до плоскости в кубе	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/catalog/02.3/11?class=11
1.14	Нахождение расстояний от точки до плоскости в правильной пирамиде	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/catalog/02.3/11?class=11
1.15	Контрольная работа "Аналитическая геометрия"	1	1	
Раздел 2. Повторение, обобщение и систематизация знаний				
2.1	Сечения многогранников: стандартные многогранники	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/catalog/02.3/11?class=11
2.2	Сечения многогранников: метод следов	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/catalog/02.3/11?class=11
2.3	Сечения многогранников: стандартные плоскости, пересечения прямых и плоскостей	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/catalog/02.3/11?class=11
2.4	Параллельные прямые и плоскости: параллельные сечения	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/catalog/02.3/11?class=11

2.5	Параллельные прямые и плоскости: расчёт отношений	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/catalog/02.3/11?class=11
2.6	Параллельные прямые и плоскости: углы между скрещивающимися прямыми	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/catalog/02.3/11?class=11
2.7	Перпендикулярные прямые и плоскости: стандартные пары перпендикулярных плоскостей и прямых, симметрии многогранников	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/catalog/02.3/11?class=11
2.8	Перпендикулярные прямые и плоскости: теорема о трех перпендикулярах. ЕМП: решение кейса «Строительный инженер»	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/catalog/02.3/11?class=11
2.9	Перпендикулярные прямые и плоскости: вычисления длин в многогранниках	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/catalog/02.3/11?class=11
2.10	Повторение: площади многоугольников, формулы для площадей, соображения подобия	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/catalog/02.3/11?class=11
2.11	Повторение: площади многоугольников, формулы для площадей, соображения подобия	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/catalog/02.3/11?class=11
2.12	Повторение: площади многоугольников, формулы для площадей, соображения подобия	1		
2.13	Площади сечений многогранников: площади поверхностей, разрезания на части, соображения подобия	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/catalog/02.3/11?class=11
2.14	Площади сечений многогранников: площади поверхностей, разрезания	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/catalog/02.3/11?class=11

	на части, соображения подобия			
2.15	Контрольная работа "Повторение: многогранники, сечения многогранников"	1	1	
Раздел 3. Объём многогранника				
3.1	Объём тела. Объём прямоугольного параллелепипеда	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/catalog/02.3/11?class=11
3.2	Задачи об удвоении куба, о квадратуре куба; о трисекции угла	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/catalog/02.3/11?class=11
3.3	Стереометрические задачи, связанные с объёмом прямоугольного параллелепипеда	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/catalog/02.3/11?class=11
3.4	Прикладные задачи, связанные с вычислением объёма прямоугольного параллелепипеда	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/catalog/02.3/11?class=11
3.5	Объём прямой призмы	1		
3.6	Стереометрические задачи, связанные с вычислением объёмов прямой призмы	1		
3.7	Прикладные задачи, связанные с объёмом прямой призмы	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/catalog/02.3/11?class=11
3.8	Вычисление объёмов тел с помощью определённого интеграла. Объём наклонной призмы	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/catalog/02.3/11?class=11
3.9	Вычисление объёмов тел с помощью определённого интеграла. Объём пирамиды	1		
3.10	Формула объёма пирамиды.	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/

	Отношение объемов пирамид с общим углом			catalog/02.3/11?class=11
3.11	Формула объёма пирамиды. Отношение объемов пирамид с общим углом	1		
3.12	Стереометрические задачи, связанные с объёмами наклонной призмы	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/catalog/02.3/11?class=11
3.13	Стереометрические задачи, связанные с объёмами пирамиды	1		
3.14	Прикладные задачи по теме "Объёмы тел", связанные с объёмом наклонной призмы. ЕМП: кейс «Строители»	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/catalog/02.3/11?class=11
3.15	Прикладные задачи по теме "Объёмы тел", связанные с объёмом пирамиды	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/catalog/02.3/11?class=11
3.16	Применение объёмов. Вычисление расстояния до плоскости	1		
3.17	Контрольная работа "Объём многогранника"	1	1	
Раздел 4. Тела вращения				
4.1	Цилиндрическая поверхность, образующие цилиндрической поверхности	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/catalog/02.3/11?class=11
4.2	Цилиндр. Прямой круговой цилиндр. Площадь поверхности цилиндра	1		
4.3	Коническая поверхность, образующие конической поверхности. Конус	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/catalog/02.3/11?class=11

4.4	Сечение конуса плоскостью, параллельной плоскости основания	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/catalog/02.3/11?class=11
4.5	Усечённый конус. Изображение конусов и усечённых конусов	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/catalog/02.3/11?class=11
4.6	Площадь боковой поверхности и полной поверхности конуса	1		
4.7	Площадь боковой поверхности и полной поверхности конуса	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/catalog/02.3/11?class=11
4.8	Стереометрические задачи на доказательство и вычисление, построением сечений цилиндра, конуса	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/catalog/02.3/11?class=11
4.9	Стереометрические задачи на доказательство и вычисление, построением сечений цилиндра, конуса	1		
4.10	Прикладные задачи, связанные с цилиндром	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/catalog/02.3/11?class=11
4.11	Прикладные задачи, связанные с цилиндром			
4.12	Сфера и шар	1		
4.13	Пересечение сферы и шара с плоскостью. Касание шара и сферы плоскостью. Вид и изображение шара	1		
4.14	Пересечение сферы и шара с плоскостью. Касание шара и сферы плоскостью. Вид и изображение	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/catalog/02.3/11?class=11

	шара			
4.15	Уравнение сферы. Площадь сферы и её частей	1		
4.16	Симметрия сферы и шара	1		
4.17	Стереометрические задачи на доказательство и вычисление, связанные со сферой и шаром, построением их сечений плоскостью	1		
4.18	Стереометрические задачи на доказательство и вычисление, связанные со сферой и шаром, построением их сечений плоскостью	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/catalog/02.3/11?class=11
4.19	Прикладные задачи, связанные со сферой и шаром	1		
4.20	Повторение: окружность на плоскости, вычисления в окружности, стандартные подоби	1		
4.21	Различные комбинации тел вращения и многогранников	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/catalog/02.3/11?class=11
4.22	Задачи по теме "Тела и поверхности вращения"	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/catalog/02.3/11?class=11
4.23	Задачи по теме "Тела и поверхности вращения"	1		
4.24	Контрольная работа "Тела и поверхности вращения"	1	1	
Раздел 5. Площади поверхности и объёмы круглых тел				
5.1	Объём цилиндра. Теорема об	1		

	объёме прямого цилиндра			
5.2	Вычисление объёмов тел с помощью определённого интеграла. Объём конуса	1		
5.3	Площади боковой и полной поверхности конуса	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/catalog/02.3/11?class=11
5.4	Стереометрические задачи, связанные с вычислением объёмов цилиндра, конуса	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/catalog/02.3/11?class=11
5.5	Прикладные задачи по теме "Объёмы и площади поверхностей тел"	1		
5.6	Объём шара и шарового сектора. Теорема об объёме шара. Площадь сферы. Стереометрические задачи, связанные с вычислением объёмов шара, шарового сегмента и шарового сектора	1		
5.7	Прикладные задачи по теме "Объёмы тел", связанные с объёмом шара и площадью сферы. Соотношения между площадями поверхностей и объёмами подобных тел	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/catalog/02.3/11?class=11
5.8	Подобные тела в пространстве. Изменение объёма при подобии. Стереометрические задачи, связанные с вычислением объёмов тел и площадей поверхностей	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/catalog/02.3/11?class=11
5.9	Контрольная работа "Площади поверхности и объёмы круглых тел"	1	1	

Раздел 6. Движения				
6.1	Движения пространства. Отображения. Движения и равенство фигур. Общие свойства движений	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/catalog/02.3/11?class=11
6.2	Виды движений: параллельный перенос, центральная симметрия, зеркальная симметрия, поворот вокруг прямой	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/catalog/02.3/11?class=11
6.3	Преобразования подобия. Прямая и сфера Эйлера	1		
6.4	Геометрические задачи на применение движения	1		
6.5	Контрольная работа "Векторы в пространстве"	1	1	
Раздел 7. Повторение, обобщение и систематизация знаний				
4.1	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Параллельность прямых и плоскостей в пространстве"	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/catalog/02.3/11?class=11
4.2	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Векторы в пространстве"	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/catalog/02.3/11?class=11
4.3	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Векторы в пространстве"	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/catalog/02.3/11?class=11
4.4	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация	1		

	знаний: "Объем многогранника"			
4.5	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Объем многогранника"	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/ catalog/02.3/11?class=11
4.6	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Площади поверхности и объёмы круглых тел"	1		
4.7	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Площади поверхности и объёмы круглых тел"	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/ catalog/02.3/11?class=11
4.8	Итоговая контрольная работа	1	1	
4.9	Итоговая контрольная работа	1	1	
4.10	Повторение, обобщение и систематизация знаний	1		
4.11	История развития стереометрии как науки и её роль в развитии современных инженерных и компьютерных технологий	1		
4.12	История развития стереометрии как науки и её роль в развитии современных инженерных и компьютерных технологий	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/ catalog/02.3/11?class=11
4.13	История развития стереометрии как науки и её роль в развитии современных инженерных и компьютерных технологий. ЕМП	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/ catalog/02.3/11?class=11
4.14	История развития стереометрии как	1		

	науки и её роль в развитии современных инженерных и компьютерных технологий			
4.15	История развития стереометрии как науки и её роль в развитии современных инженерных и компьютерных технологий	1		https://academy-content.apkpro.ru/ru/catalog/02.3/11?class=11
4.16	История развития стереометрии как науки и её роль в развитии современных инженерных и компьютерных технологий	1		
4.17	История развития стереометрии как науки и её роль в развитии современных инженерных и компьютерных технологий	1		
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		102	8	

**ПРОВЕРЯЕМЫЕ ТРЕБОВАНИЯ К РЕЗУЛЬТАТАМ ОСВОЕНИЯ ОСНОВНОЙ
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ
10 КЛАСС**

Код проверяемого результата	Проверяемые предметные результаты освоения основной образовательной программы среднего общего образования
7	Геометрия
7.1	Оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость
7.2	Применять аксиомы стереометрии и следствия из них при решении геометрических задач
7.3	Оперировать понятиями: параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей
7.4	Классифицировать взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве
7.5	Оперировать понятиями: двугранный угол, грани двугранного угла, ребро двугранного угла, линейный угол двугранного угла, градусная мера двугранного угла
7.6	Оперировать понятиями: многогранник, выпуклый и невыпуклый многогранник, элементы многогранника, правильный многогранник
7.7	Распознавать основные виды многогранников (пирамида, призма, прямоугольный параллелепипед, куб)
7.8	Классифицировать многогранники, выбирая основания для классификации (выпуклые и невыпуклые многогранники, правильные многогранники, прямые и наклонные призмы, параллелепипеды)
7.9	Оперировать понятиями: секущая плоскость, сечение многогранников
7.10	Объяснять принципы построения сечений многогранников, используя метод следов
7.11	Строить сечения многогранников методом следов, выполнять (выносные) плоские чертежи из рисунков простых объёмных фигур: вид сверху, сбоку, снизу
7.12	Решать задачи на нахождение геометрических величин по образцам или алгоритмам, применяя известные аналитические методы при решении стандартных математических задач на вычисление расстояний между двумя точками, от точки до прямой, от точки до плоскости, между скрещивающимися прямыми
7.13	Решать задачи на нахождение геометрических величин по образцам или алгоритмам, применяя известные аналитические методы при решении стандартных математических задач на вычисление углов между скрещивающимися прямыми, между прямой и плоскостью, между плоскостями, двугранных углов
7.14	Вычислять объёмы и площади поверхностей многогранников (призма, пирамида) с применением формул, вычислять соотношения между площадями поверхностей, объёмами подобных многогранников
7.15	Оперировать понятиями: симметрия в пространстве, центр, ось и плоскость симметрии, центр, ось и плоскость симметрии фигуры

7.16	Извлекать, преобразовывать и интерпретировать информацию о пространственных геометрических фигурах, представленную на чертежах и рисунках
7.17	Применять геометрические факты для решения стереометрических задач, предполагающих несколько шагов решения, если условия применения заданы в явной форме
7.18	Применять простейшие программные средства и электронно-коммуникационные системы при решении стереометрических задач
7.19	Приводить примеры математических закономерностей в природе и жизни, распознавать проявление законов геометрии в искусстве
7.20	Применять полученные знания на практике: анализировать реальные ситуации и применять изученные понятия в процессе поиска решения математически сформулированной проблемы, моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с использованием геометрических понятий и теорем, аппарата алгебры, решать практические задачи, связанные с нахождением геометрических величин

11 КЛАСС

Код проверяемого результата	Проверяемые предметные результаты освоения основной образовательной программы среднего общего образования
6	Геометрия
6.1	Оперировать понятиями: цилиндрическая поверхность, образующие цилиндрической поверхности, цилиндр, коническая поверхность, образующие конической поверхности, конус, сферическая поверхность
6.2	Распознавать тела вращения (цилиндр, конус, сфера и шар)
6.3	Объяснять способы получения тел вращения
6.4	Классифицировать взаимное расположение сферы и плоскости
6.5	Оперировать понятиями: шаровой сегмент, основание сегмента, высота сегмента, шаровой слой, основание шарового слоя, высота шарового слоя, шаровой сектор
6.6	Вычислять объёмы и площади поверхностей тел вращения, геометрических тел с применением формул
6.7	Оперировать понятиями: многогранник, вписанный в сферу и описанный около сферы, сфера, вписанная в многогранник или тело вращения
6.8	Вычислять соотношения между площадями поверхностей и объёмами подобных тел
6.9	Изображать изучаемые фигуры от руки и с применением простых чертёжных инструментов
6.10	Выполнять (выносные) плоские чертежи из рисунков простых объёмных фигур: вид сверху, сбоку, снизу; строить сечения тел вращения

6.11	Извлекать, интерпретировать и преобразовывать информацию о пространственных геометрических фигурах, представленную на чертежах и рисунках
6.12	Применять геометрические факты для решения стереометрических задач, предполагающих несколько шагов решения, если условия применения заданы в явной форме
6.13	Оперировать понятием: вектор в пространстве
6.14	Выполнять действия сложения векторов, вычитания векторов и умножения вектора на число, объяснять, какими свойствами они обладают
6.15	Применять правило параллелепипеда при сложении векторов
6.16	Оперировать понятиями: декартовы координаты в пространстве, вектор, модуль вектора, равенство векторов, координаты вектора, угол между векторами, скалярное произведение векторов, коллинеарные и компланарные векторы
6.17	Находить сумму векторов и произведение вектора на число, угол между векторами, скалярное произведение, раскладывать вектор по двум неколлинеарным векторам
6.18	Задавать плоскость уравнением в декартовой системе координат
6.19	Решать простейшие геометрические задачи на применение векторно-координатного метода
6.20	Решать задачи на доказательство математических отношений и нахождение геометрических величин по образцам или алгоритмам, применяя известные методы при решении стандартных математических задач
6.21	Применять простейшие программные средства и электронно-коммуникационные системы при решении стереометрических задач
6.22	Приводить примеры математических закономерностей в природе и жизни, распознавать проявление законов геометрии в искусстве
6.23	Применять полученные знания на практике: анализировать реальные ситуации и применять изученные понятия в процессе поиска решения математически сформулированной проблемы, моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с использованием геометрических понятий и теорем, аппарата алгебры, решать практические задачи, связанные с нахождением геометрических величин

ПРОВЕРЯЕМЫЕ ЭЛЕМЕНТЫ СОДЕРЖАНИЯ
10 КЛАСС

Код	Проверяемый элемент содержания
7	Геометрия
7.1	Основные понятия стереометрии. Точка, прямая, плоскость, пространство. Понятие об аксиоматическом построении стереометрии: аксиомы стереометрии и следствия из них
7.2	Взаимное расположение прямых в пространстве: пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые. Параллельность прямых и плоскостей в пространстве: параллельные прямые в пространстве, параллельность трёх прямых, параллельность прямой и плоскости. Углы сонаправленными сторонами, угол между прямыми в пространстве. Параллельность плоскостей: параллельные плоскости, свойства параллельных плоскостей. Простейшие пространственные фигуры на плоскости: тетраэдр, куб, параллелепипед, построение сечений
7.3	Перпендикулярность прямой и плоскости: перпендикулярные прямые в пространстве, прямые параллельные и перпендикулярные к плоскости, признак перпендикулярности прямой и плоскости, теорема о прямой перпендикулярной плоскости. Углы в пространстве: угол между прямой и плоскостью, двугранный угол, линейный угол двугранного угла. Перпендикуляр и наклонные: расстояние от точки до плоскости, расстояние от прямой до плоскости, проекция фигуры на плоскость. Перпендикулярность плоскостей: признак перпендикулярности двух плоскостей. Теорема о трёх перпендикулярах
7.4	Понятие многогранника, основные элементы многогранника, выпуклые и невыпуклые многогранники, развёртка многогранника. Призма: n -угольная призма, грани и основания призмы, прямая и наклонная призмы, боковая и полная поверхность призмы. Параллелепипед, прямоугольный параллелепипед и его свойства. Пирамида: n -угольная пирамида, грани и основание пирамиды, боковая и полная поверхность пирамиды, правильная и усечённая пирамида. Элементы призмы и пирамиды. Правильные многогранники: понятие правильного многогранника, правильная призма и правильная пирамида, правильная треугольная пирамида и правильный тетраэдр, куб. Представление о правильных многогранниках: октаэдр, додекаэдр и икосаэдр другие Сечения призмы и пирамиды
7.5	Симметрия в пространстве: симметрия относительно точки, прямой, плоскости. Элементы симметрии в пирамидах, параллелепипедах, правильных многогранниках
7.6	Вычисление элементов многогранников: рёбра, диагонали, углы. Площадь боковой поверхности и полной поверхности прямой призмы, площадь оснований, теорема о боковой поверхности прямой призмы. Площадь боковой поверхности и поверхности правильной пирамиды, теорема о площади усечённой пирамиды. Понятие об объёме. Объём пирамиды, призмы
7.7	Подобные тела в пространстве. Соотношения между площадями поверхностей, объёмами подобных тел

11 КЛАСС

Код	Проверяемый элемент содержания
6	Геометрия
6.1	Цилиндрическая поверхность, образующие цилиндрической поверхности, ось цилиндрической поверхности. Цилиндр: основания и боковая поверхность, образующая и ось, площадь боковой и полной поверхности
6.2	Коническая поверхность, образующие конической поверхности, ось и вершина конической поверхности. Конус: основание и вершина, образующая и ось, площадь боковой и полной поверхности. Усечённый конус: образующие и высота, основания и боковая поверхность
6.3	Сфера и шар: центр, радиус, диаметр, площадь поверхности сферы. Взаимное расположение сферы и плоскости, касательная плоскость к сфере, площадь сферы
6.4	Изображение тел вращения на плоскости. Развёртка цилиндра и конуса
6.5	Комбинации тел вращения и многогранников. Многогранник, описанный около сферы, сфера, вписанная в многогранник, или тело вращения
6.6	Понятие об объёме. Основные свойства объёмов тел. Теорема об объёме прямоугольного параллелепипеда и следствия из неё. Объём цилиндра, конуса. Объём шара и площадь сферы
6.7	Подобные тела в пространстве. Соотношения между площадями поверхностей, объёмами подобных тел
6.8	Сечения цилиндра (параллельно и перпендикулярно оси), сечения конуса (параллельное основанию и проходящее через вершину), сечения шара
6.9	Вектор на плоскости и в пространстве. Сложение и вычитание векторов. Умножение вектора на число. Разложение вектора по трём некомпланарным векторам. Правило параллелепипеда. Решение задач, связанных с применением правил действий с векторами
6.10	Прямоугольная система координат в пространстве. Координаты вектора. Простейшие задачи в координатах. Угол между векторами. Скалярное произведение векторов. Вычисление углов между прямыми и плоскостями. Координатно-векторный метод при решении геометрических задач

**ПРОВЕРЯЕМЫЕ НА ЕГЭ ПО МАТЕМАТИКЕ ТРЕБОВАНИЯ К РЕЗУЛЬТАТАМ
ОСВОЕНИЯ ОСНОВНОЙ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ СРЕДНЕГО
ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ**

Код проверяемого требования	Проверяемые требования к предметным результатам освоения основной образовательной программы среднего общего образования
1	Владение методами доказательств, алгоритмами решения задач; умение формулировать и оперировать понятиями: определение, аксиома, теорема, следствие, свойство, признак, доказательство, равносильные формулировки; применять их; умение формулировать обратное и противоположное утверждение, приводить примеры и контрпримеры, использовать метод математической индукции; проводить доказательные рассуждения при решении задач, оценивать логическую правильность рассуждений; умение оперировать понятиями: множество, подмножество, операции над множествами; умение использовать теоретико-множественный аппарат для описания реальных процессов и явлений и при решении задач, в том числе из других учебных предметов; умение оперировать понятиями: граф, связный граф, дерево, цикл, граф на плоскости; умение задавать и описывать графы различными способами; использовать графы при решении задач
2	Умение оперировать понятиями: натуральное число, целое число, степень с целым показателем, корень натуральной степени, степень с рациональным показателем, степень с действительным показателем, логарифм числа, синус, косинус и тангенс произвольного числа, остаток по модулю, рациональное число, иррациональное число, множества натуральных, целых, рациональных, действительных чисел; умение использовать признаки делимости, наименьший общий делитель и наименьшее общее кратное, алгоритм Евклида при решении задач; знакомство с различными позиционными системами счисления; умение выполнять вычисление значений и преобразования выражений со степенями и логарифмами, преобразования дробно-рациональных выражений; умение оперировать понятиями: последовательность, арифметическая прогрессия, геометрическая прогрессия, бесконечно убывающая геометрическая прогрессия; умение задавать последовательности, в том числе с помощью рекуррентных формул; умение оперировать понятиями: комплексное число, сопряжённые комплексные числа, модуль и аргумент комплексного числа, форма записи комплексных чисел (геометрическая, тригонометрическая и алгебраическая); уметь производить арифметические действия с комплексными числами; приводить примеры использования комплексных чисел; оперировать понятиями: матрица 2×2 и 3×3, определитель матрицы, геометрический смысл определителя
3	Умение оперировать понятиями: рациональные, иррациональные, показательные, степенные, логарифмические, тригонометрические уравнения и неравенства, их системы; умение оперировать понятиями: тождество, тождественное преобразование, уравнение, неравенство, система уравнений и неравенств, равносильность

	уравнений, неравенств и систем; умение решать уравнения, неравенства и системы с помощью различных приёмов; решать уравнения, неравенства и системы с параметром; применять уравнения, неравенства, их системы для решения математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни
4	Умение оперировать понятиями: функция, чётность функции, периодичность функции, ограниченность функции, монотонность функции, экстремум функции, наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке, непрерывная функция, асимптоты графика функции, первая и вторая производная функции, геометрический и физический смысл производной, первообразная, определённый интеграл; умение находить асимптоты графика функции; умение вычислять производные суммы, произведения, частного и композиции функций, находить уравнение касательной к графику функции; умение находить производные элементарных функций; умение использовать производную для исследования функций, находить наибольшие и наименьшие значения функций; строить графики многочленов с использованием аппарата математического анализа; применять производную для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических и физических задачах; находить площади и объёмы фигур с помощью интеграла; приводить примеры математического моделирования с помощью дифференциальных уравнений
5	Умение оперировать понятиями: график функции, обратная функция, композиция функций, линейная функция, квадратичная функция, рациональная функция, степенная функция, тригонометрические функции, обратные тригонометрические функции, показательная и логарифмическая функции; умение строить графики изученных функций, выполнять преобразования графиков функций, использовать графики для изучения процессов и зависимостей, при решении задач из других учебных предметов и задач из реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами; использовать свойства и графики функций для решения уравнений, неравенств и задач с параметрами; изображать на координатной плоскости множества решений уравнений, неравенств и их систем
6	Умение решать текстовые задачи разных типов (в том числе на проценты, доли и части, на движение, работу, стоимость товаров и услуг, налоги, задачи из области управления личными и семейными финансами); составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать полученное решение и оценивать правдоподобность результатов; умение моделировать реальные ситуации на языке математики; составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры, интерпретировать полученный результат
7	Умение оперировать понятиями: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение числового набора; умение извлекать, интерпретировать

	информацию, представленную в таблицах, на диаграммах, графиках, отражающую свойства реальных процессов и явлений; представлять информацию с помощью таблиц и диаграмм; исследовать статистические данные, в том числе с применением графических методов и электронных средств; графически исследовать совместные наблюдения с помощью диаграмм рассеивания и линейной регрессии
8	Умение оперировать понятиями: случайный опыт и случайное событие, вероятность случайного события; умение вычислять вероятность с использованием графических методов; применять формулы сложения и умножения вероятностей, формулу полной вероятности, формулу Бернулли, комбинаторные факты и формулы; оценивать вероятности реальных событий; умение оперировать понятиями: случайная величина, распределение вероятностей, математическое ожидание, дисперсия и стандартное отклонение случайной величины, функции распределения и плотности равномерного, показательного и нормального распределений; умение использовать свойства изученных распределений для решения задач; знакомство с понятиями: закон больших чисел, методы выборочных исследований; умение приводить примеры проявления закона больших чисел в природных и общественных явлениях; умение оперировать понятиями: сочетание, перестановка, число сочетаний, число перестановок; бином Ньютона; умение применять комбинаторные факты и рассуждения для решения задач; оценивать вероятности реальных событий; составлять вероятностную модель и интерпретировать полученный результат
9	Умение оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость, пространство, отрезок, луч, величина угла, плоский угол, двугранный угол, трёхгранный угол, скрещивающиеся прямые, параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей, угол между прямыми, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями, расстояние от точки до плоскости, расстояние между прямыми, расстояние между плоскостями; умение использовать при решении задач изученные факты и теоремы планиметрии; умение оценивать размеры объектов окружающего мира; строить математические модели с помощью геометрических понятий и величин, решать связанные с ними практические задачи
10	Умение оперировать понятиями: площадь фигуры, объём фигуры, многогранник, правильный многогранник, сечение многогранника, куб, параллелепипед, призма, пирамида, фигура и поверхность вращения, цилиндр, конус, шар, сфера, площадь сферы, площадь поверхности пирамиды, призмы, конуса, цилиндра, объём куба, прямоугольного параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара, развёртка поверхности, сечения конуса и цилиндра, параллельные оси или основанию, сечение шара, плоскость, касающаяся сферы, цилиндра, конуса; умение строить сечение многогранника, изображать многогранники, фигуры и поверхности вращения, их сечения, в том числе с помощью электронных средств; умение применять свойства геометрических фигур, самостоятельно формулировать определения изучаемых фигур, выдвигать гипотезы

	о свойствах и признаках геометрических фигур, обосновывать или опровергать их; умение проводить классификацию фигур по различным признакам, выполнять необходимые дополнительные построения
11	Умение оперировать понятиями: движение в пространстве, параллельный перенос, симметрия на плоскости и в пространстве, поворот, преобразование подобия, подобные фигуры; умение распознавать равные и подобные фигуры, в том числе в природе, искусстве, архитектуре; использовать геометрические отношения при решении задач; находить геометрические величины (длина, угол, площадь, объём) при решении задач из других учебных предметов и из реальной жизни; умение вычислять геометрические величины (длина, угол, площадь, объём, площадь поверхности), используя изученные формулы и методы, в том числе: площадь поверхности пирамиды, призмы, конуса, цилиндра, площадь сферы; объём куба, прямоугольного параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара; умение находить отношение объёмов подобных фигур
12	Умение оперировать понятиями: прямоугольная система координат, вектор, координаты точки, координаты вектора, сумма векторов, произведение вектора на число, разложение вектора по базису, скалярное произведение, векторное произведение, угол между векторами; умение использовать векторный и координатный метод для решения геометрических задач и задач других учебных предметов
13	Умение выбирать подходящий метод для решения задачи; понимание значимости математики в изучении природных и общественных процессов и явлений; умение распознавать проявление законов математики в искусстве, умение приводить примеры математических открытий российской и мировой математической науки

ПЕРЕЧЕНЬ ЭЛЕМЕНТОВ СОДЕРЖАНИЯ, ПРОВЕРЯЕМЫХ НА ЕГЭ ПО МАТЕМАТИКЕ

Код	Проверяемый элемент содержания
1	Числа и вычисления
1.1	Натуральные и целые числа. Признаки делимости целых чисел
1.2	Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби
1.3	Арифметический корень натуральной степени. Действия с арифметическими корнями натуральной степени
1.4	Степень с целым показателем. Степень с рациональным показателем. Свойства степени
1.5	Синус, косинус и тангенс числового аргумента. Арксинус, арккосинус, арктангенс числового аргумента
1.6	Логарифм числа. Десятичные и натуральные логарифмы
1.7	Действительные числа. Арифметические операции с действительными числами. Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений
1.8	Преобразование выражений
1.9	Комплексные числа
2	Уравнения и неравенства
2.1	Целые и дробно-рациональные уравнения
2.2	Иррациональные уравнения
2.3	Тригонометрические уравнения
2.4	Показательные и логарифмические уравнения
2.5	Целые и дробно-рациональные неравенства
2.6	Иррациональные неравенства
2.7	Показательные и логарифмические неравенства
2.8	Тригонометрические неравенства
2.9	Системы и совокупности уравнений и неравенств
2.10	Уравнения, неравенства и системы с параметрами
2.11	Матрица системы линейных уравнений. Определитель матрицы
3	Функции и графики
3.1	Функция, способы задания функции. График функции. Взаимно обратные функции. Чётные и нечётные функции. Периодические функции
3.2	Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства. Промежутки монотонности функции. Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке
3.3	Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график. Свойства и график корня n -ой степени
3.4	Тригонометрические функции, их свойства и графики
3.5	Показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики
3.6	Точки разрыва. Асимптоты графиков функций. Свойства функций,

	непрерывных на отрезке
3.7	Последовательности, способы задания последовательностей
3.8	Арифметическая и геометрическая прогрессии. Формула сложных процентов
4	Начала математического анализа
4.1	Производная функции. Производные элементарных функций
4.2	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке
4.3	Первообразная. Интеграл
5	Множества и логика
5.1	Множество, операции над множествами. Диаграммы Эйлера – Венна
5.2	Логика
6	Вероятность и статистика
6.1	Описательная статистика
6.2	Вероятность
6.3	Комбинаторика
7	Геометрия
7.1	Фигуры на плоскости
7.2	Прямые и плоскости в пространстве
7.3	Многогранники
7.4	Тела и поверхности вращения
7.5	Координаты и векторы

**ДЕМОСТАЦИОННЫЕ ВАРИАНТЫ КОНТРОЛЬНЫХ РАБОТ
10 КЛАСС**

**Кодификатор проверяемых элементов содержания и требований к уровню
подготовки обучающихся**

Контрольная работа №1
«Аксиомы стереометрии»

№ п/п	Проверяемые предметные результаты	Код КЭС	Метапредметный результат	Уровень сложности: Б/П	Максимальный балл за задание
1	Применять аксиомы стереометрии и следствия из них при решении геометрических задач Решать простейшие стереометрические задачи на нахождение геометрических величин (длин, углов, площадей, объёмов); использовать при решении стереометрических задач планиметрические факты и методы	7.2	МП 1.1; 1.2; 1.3	Б	1
2	Решать простейшие стереометрические задачи на нахождение геометрических величин (длин, углов, площадей, объёмов); использовать при решении стереометрических задач планиметрические факты и методы	7.3 7.2	МП 1.1; 1.2; 1.3	Б	2
3	Оперировать понятиями: секущая плоскость, сечение	7.9 7.2	МП 1.1; 1.2; 1.3; 3.1; 3.2	Б	1

	многогранников				
4	Строить сечения многогранников методом следов, выполнять (выносные) плоские чертежи из рисунков простых объёмных фигур: вид сверху, сбоку, снизу	7.9 7.11 7.2	МП 1.1; 1.2; 1.3; 3.1; 3.2	П	1
5	Строить сечения многогранников методом следов, выполнять (выносные) плоские чертежи из рисунков простых объёмных фигур: вид сверху, сбоку, снизу	7.9 7.11 7.2	МП 1.1; 1.2; 1.3; 3.1; 3.2	П	1
Всего заданий – 5, из них по уровню сложности: Б – 3; П – 2 Максимальный первичный балл – 6					

Система оценивания

Отметка по пятибалльной шкале	«2»	«3»	«4»	«5»
Первичные баллы	0-3	4	5	6

Продолжительность работы

Продолжительность выполнения контрольной работы - 40 минут

Образец работы

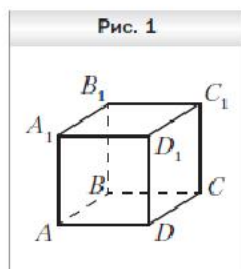
Вариант 1

1. Даны четыре точки, из которых три лежат на одной прямой. Верно ли утверждение, что все четыре точки лежат в одной плоскости? Ответ обоснуйте.

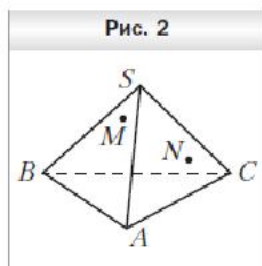
2. а) Докажите, что все вершины четырёхугольника ABCD лежат в одной плоскости, если его диагонали AC и BD пересекаются.

б) Вычислите площадь четырёхугольника, если его диагонали AC и BD взаимно перпендикулярны, $AC = 10$ см, $BD = 12$ см.

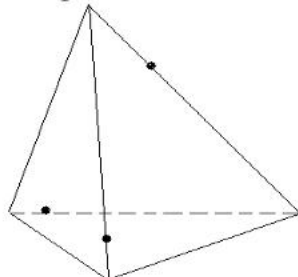
3. На рисунке 1 изображён куб ABCDA₁B₁C₁D₁. Укажите прямую пересечения плоскостей A₁DC и BB₁C₁.



4. Точки M и N принадлежат соответственно граням SAB и SAC пирамиды SABC (рис. 2). Постройте точку пересечения прямой MN с плоскостью ABC.

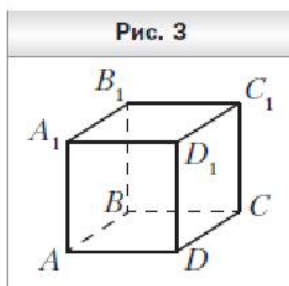


5. Постройте сечение тетраэдра, проходящее через заданные точки.



Вариант 2

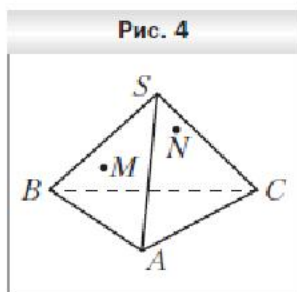
1. Даны две пересекающиеся прямые. Верно ли утверждение, что все прямые, пересекающие данные, лежат в одной плоскости? Ответ обоснуйте.
2. а) Дан прямоугольник $ABCD$, O – точка пересечения его диагоналей. Известно, что точки A , B и O лежат в плоскости α . Докажите, что точки C и D также лежат в плоскости α .
 б) Вычислите площадь прямоугольника, если $AC = 8$ см, $\angle AOB = 60^\circ$.
3. На рисунке 3 изображён куб $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$. Укажите прямую пересечения плоскостей $A_1 BC$ и $AB B_1$.



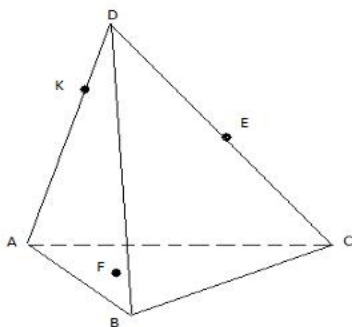
4.

Точки M и N принадлежат соответственно граням SAB и SBC пирамиды $SABC$ (рис. 4). Постройте точку пересечения прямой

MN с плоскостью ABC .



5. Постройте сечение тетраэдра, проходящее через заданные точки.
 $F \in (ABC)$.



Контрольная работа №2
«Параллельность прямых и плоскостей»

№ п/п	Проверяемые предметные результаты	Код КЭС	Метапредметный результат	Уровень сложности: Б/П	Максимальный балл за задание
1	Оперировать понятиями: параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей	7.3 7.2	МП 1.1; 1.2; 1.3	Б	2
2	Оперировать понятиями: секущая плоскость, сечение многогранников	7.9 7.2	МП 1.1; 1.2; 1.3	Б	1
3	Классифицировать взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве	7.4 7.2	МП 1.1; 1.2; 1.3; 3.1; 3.2	П	2
Всего заданий – 3, из них по уровню сложности: Б – 2; П – 1 Максимальный первичный балл – 5					

Система оценивания

Отметка по пятибалльной шкале	«2»	«3»	«4»	«5»
Первичные баллы	0-2	3	4	5

Продолжительность работы

Продолжительность выполнения контрольной работы - 40 минут

Образец работы

1 вариант

- В тетраэдре ABCD точки M, K и P – соответственно середины ребер AB, BD и BC. Доказать, что плоскость MKP параллельна плоскости ACD и найти площадь ΔMKP , если площадь ΔACD равна 48 см^2 .
- Дан параллелепипед $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$. Построить сечение параллелепипеда плоскостью, проходящей через середину ребра AD, параллельно плоскости ACC_1 .
- Прямые a и b лежат в параллельных плоскостях α и β . Могут ли эти прямые быть:
а) параллельными, б) скрещивающимися?

Сделать рисунок для каждого случая. Объяснить.

2 вариант

- 1) В тетраэдре ABCD точки M, K и P – соответственно середины ребер AD, BD и DC. Доказать, что плоскость MKP параллельна плоскости ABC и найти площадь ΔABC , если площадь ΔMKP равна 48 см^2 .
- 2) Дан параллелепипед $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$. Построить сечение параллелепипеда плоскостью, проходящей через середину ребра AB, параллельно плоскости DBB_1 .
- 3) Прямые a и b лежат в пересекающихся плоскостях α и β . Могут ли эти прямые быть: а) параллельными, б) скрещивающимися?
Сделать рисунок для каждого случая. Объяснить.

Контрольная работа № 3
«Перпендикулярность прямых и плоскостей»

№ п/п	Проверяемые предметные результаты	Код КЭС	Метапредметный результат	Уровень сложности: Б/П	Максимальный балл за задание
1	Оперировать понятиями: параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей	7.3 7.2	МП 1.1; 1.2; 1.3	Б	1
2	Оперировать понятиями: параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей	7.3 7.2	МП 1.1; 1.2; 1.3	Б	1
3	Оперировать понятиями: двугранный угол, грани двугранного угла, ребро двугранного угла, линейный угол двугранного угла, градусная мера двугранного угла	7.5 7.2	МП 1.1; 1.2; 1.3	П	2
Всего заданий – 3, из них по уровню сложности: Б – 2; П – 1 Максимальный первичный балл – 4					

Система оценивания

Отметка по пятибалльной шкале	«2»	«3»	«4»	«5»
Первичные баллы	0-1	2	3	4

Продолжительность работы

Продолжительность выполнения контрольной работы - 40 минут

Образец работы

1 вариант

1. В прямоугольном параллелепипеде $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$ $DB_1 = 21$ см, $CD = 16$ см, $B_1 C_1 = 11$ см. Найти длину ребра BB_1 и синус угла между диагональю DB_1 и плоскостью $ABCD$.
2. Длина стороны ромба $ABCD$ равна 5 см, длина диагонали BD равна 6 см. Через точку O пересечения диагоналей ромба проведена прямая OK , перпендикулярная его плоскости. Найти расстояние от точки K до вершин ромба, если $OK = 8$ см.
3. Длина катета прямоугольного равнобедренного треугольника равна 4 см. Плоскость α , проходящая через катет, образует с плоскостью треугольника угол, величина которого равна 30° . Найти длину проекции гипотенузы на плоскость α .

2 вариант

1. В прямоугольном параллелепипеде $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$: $CA_1 = 11$ см, $C_1 D_1 = 2$ см, $A_1 D_1 = 6$ см. Найти длину ребра CC_1 и синус угла между диагональю CA_1 и плоскостью $ABCD$.
2. Длины сторон прямоугольника равны 8 см и 6 см. Через точку O пересечения его диагоналей проведена прямая OK , перпендикулярная его плоскости. Найти расстояние от точки K до вершин прямоугольника, если $OK = 12$ см.
3. В треугольнике ABC : $BC = 15$ см, $AB = 13$ см, $AC = 4$ см. Через сторону AC проведена плоскость α , составляющая с плоскостью данного треугольника угол 30° . Найти расстояние от вершины B до плоскости α .

Контрольная работа №4 «Углы и расстояния»

№ п/п	Проверяемые предметные результаты	Код КЭС	Метапредметный результат	Уровень сложности: Б/П	Максимальный балл за задание
1	Оперировать понятиями: параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей	7.3 7.2	МП 1.1; 1.2; 1.3	Б	1
2	Оперировать понятиями: параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей	7.3 7.2	МП 1.1; 1.2; 1.3	Б	1
3	Оперировать понятиями: двугранный угол, грани двугранного угла, ребро двугранного угла, линейный угол	7.5 7.2	МП 1.1; 1.2; 1.3	П	2

	двугранного угла, градусная мера двугранного угла				
4	Оперировать понятиями: параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей Классифицировать взаимное расположение пря	7.3 7.4	МП 1.3; 3.1; 3.2	П	2
Всего заданий – 4, из них по уровню сложности: Б – 2; П – 2 Максимальный первичный балл – 6					

Система оценивания

Отметка по пятибалльной шкале	«2»	«3»	«4»	«5»
Первичные баллы	0-2	3	4-5	6

Продолжительность работы

Продолжительность выполнения контрольной работы - 40 минут

Образец работы

Вариант 1

- Основанием прямоугольного параллелепипеда служит квадрат; диагональ параллелепипеда равна $3\sqrt{6}$ см, а его измерения относятся как 3 : 3 : 6. Найдите:
 - измерения параллелепипеда;
 - синус угла между диагональю параллелепипеда и плоскостью его основания.
- Плоскости равнобедренных треугольников ABD и ABC с общим основанием перпендикулярны. Найдите CD, если AD=10 см, AB=16 см, $\angle CAB=45^\circ$.
- Сторона квадрата MNKL равна с. Через сторону ML проведена плоскость α на расстоянии $\frac{c}{2}$ от точки N.
 - Найдите расстояние от точки N до плоскости α .
 - Покажите на рисунке линейный угол двугранного угла NMLF, $F \in \alpha$.
- Прямая CX проходит через вершину прямоугольника XYZK и перпендикулярна его сторонам XY и XK. Докажите перпендикулярность плоскостей: CXY и XYZ.

Вариант 2

- Прямая FM проходит через вершину прямоугольника MNKL и перпендикулярна его сторонам MN и ML. Докажите перпендикулярность плоскостей: FML и MNK.
- Плоскости равнобедренных треугольников ABD и ABC с общим основанием перпендикулярны. Найдите CD, если AD= $\sqrt{31}$ см, AB=6 см, $\angle ACB=60^\circ$.
- Основанием прямоугольного параллелепипеда служит квадрат; диагональ параллелепипеда равна $2\sqrt{6}$ см, а его измерения относятся как 1 : 1 : 2. Найдите:
 - измерения параллелепипеда;
 - синус угла между диагональю параллелепипеда и плоскостью его основания.
- Сторона квадрата ABCD равна а. Через сторону AD проведена плоскость α на расстоянии $\frac{a}{2}$ от точки B.

- а) Найдите расстояние от точки C до плоскости α .
 б) Покажите на рисунке линейный угол двугранного угла $BADM$, $M \in \alpha$.

Контрольная работа №5
«Многогранники»

№ п/п	Проверяемые предметные результаты	Код КЭС	Метапредметный результат	Уровень сложности: Б/П	Максимальный балл за задание
1	Оперировать понятиями: двугранный угол, границы двугранного угла, ребро двугранного угла, линейный угол двугранного угла, градусная мера двугранного угла	7.6 7.2	МП 1.1; 1.2; 1.3	Б	1
2	Оперировать понятиями: многогранник, выпуклый и невыпуклый многогранник, элементы многогранника, правильный многогранник	7.3 7.2	МП 1.1; 1.2; 1.3	Б	2
3	Оперировать понятиями: секущая плоскость, сечение многогранников Строить сечения многогранников методом следов, выполнять (выносные) плоские чертежи из рисунков простых объёмных фигур: вид сверху, сбоку, снизу	7.9 7.10 7.2	МП 1.1; 1.2; 1.3; 3.1; 3.2	П	2
Всего заданий – 3, из них по уровню сложности: Б – 2; П – 1 Максимальный первичный балл – 5					

Система оценивания

Отметка по пятибалльной шкале	«2»	«3»	«4»	«5»
-------------------------------	-----	-----	-----	-----

Первичные баллы	0-2	3	4	5
-----------------	-----	---	---	---

Продолжительность работы

Продолжительность выполнения контрольной работы - 40 минут

Образец работы

1 вариант

- 1 Основание прямого параллелепипеда – ромб с диагоналями 10 см и 24 см. Меньшая диагональ параллелепипеда образует с плоскостью основания угол 45° . Найдите площадь полной поверхности параллелепипеда.
- 2 Основание пирамиды – правильный треугольник с площадью $9\sqrt{3}$ см². Две боковые грани пирамиды перпендикулярны к плоскости основания, а третья – наклонена к ней под углом 30° .
а) Найдите длины боковых ребер пирамиды.
б) Найдите площадь боковой поверхности пирамиды.
- 3 Ребро куба $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$ равно а. Постройте сечение куба, проходящее через прямую $B_1 C$ и середину ребра AD , и найдите площадь этого сечения.

2 вариант

- 1 Основание прямого параллелепипеда – ромб с меньшей диагональю 12 см. Большая диагональ параллелепипеда равна $16\sqrt{2}$ см и образует с боковым ребром угол 45° . Найдите площадь полной поверхности параллелепипеда.
- 2 Основание пирамиды – равнобедренный прямоугольный треугольник с гипотенузой $4\sqrt{2}$ см. Боковые грани, содержащие катеты треугольника, перпендикулярны к плоскости основания, а третья грань наклонена к ней под углом 45° .
а) Найдите длины боковых ребер пирамиды.
б) Найдите площадь боковой поверхности пирамиды.
- 3 Ребро куба $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$ равно а. Постройте сечение куба, проходящее через точку S и середину ребра AD параллельно прямой DA_1 , и найдите площадь этого сечения.

Контрольная работа №6 «Векторы в пространстве»

№ п/п	Проверяемые предметные результаты	Код КЭС	Метапредметный результат	Уровень сложности: Б/П	Максимальный балл за задание
1	Оперировать понятием: вектор в пространстве	6.13	МП 1.1; 1.2; 1.3	Б	1
2	Выполнять действия сложения векторов, вычитания векторов и умножения вектора на число,	6.14	МП 1.1; 1.2; 1.3	Б	1

	объяснять, какими свойствами они обладают				
3	Применять правило параллелепипеда при сложении векторов	6.16	МП 1.1; 1.2; 1.3; 3.1; 3.2	П	2
Всего заданий – 3, из них по уровню сложности: Б – 2; П – 1 Максимальный первичный балл – 4					

Система оценивания

Отметка по пятибалльной шкале	«2»	«3»	«4»	«5»
Первичные баллы	0-1	2	3	4

Продолжительность работы

Продолжительность выполнения контрольной работы - 40 минут

Образец работы

1 вариант

1. Сформулируйте определение произведения вектора $\vec{a}$ на число k , сочетательный, первый и второй распределительные законы умножения вектора на число. Проиллюстрируйте их на примерах.
2. На рисунке изображен правильный октаэдр. Докажите, что $\vec{AB} + \vec{FB} = \vec{DB}$.
3. Точки A_1, B_1, C_1 — середины сторон BC, AC, AB треугольника ABC , точка O — произвольная точка пространства. Докажите, что $\vec{OA_1} + \vec{OB_1} + \vec{OC_1} = \vec{OA} + \vec{OB} + \vec{OC}$.

2 вариант

1. Сформулируйте определение компланарных векторов. Приведите примеры компланарных и некомпланарных векторов, используя изображение параллелепипеда.
2. Дан параллелепипед $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$. Найдите сумму векторов $\vec{AB} + \vec{B_1 C_1} + \vec{DD_1} + \vec{CD}$.
3. В тетраэдре $ABCD$ точка K — середина медианы BB_1 грани BCD . Разложите вектор $\vec{AK}$ по векторам $\vec{a} = \vec{AB}, \vec{b} = \vec{AC}, \vec{c} = \vec{AD}$.

11 КЛАСС

Контрольная работа № 1 «Аналитическая геометрия»

Кодификатор проверяемых элементов содержания и требований к уровню подготовки обучающихся

№ п/п	Проверяемые предметные результаты	Код КЭС	Метапредметный результат	Уровень сложности: Б/П	Максимальный балл за задание
-------	-----------------------------------	---------	--------------------------	------------------------	------------------------------

1.	Умение выводить уравнение прямой по двум точкам.	7.12	1.1; 1.2; 1.3; 3.1	Б	1
2.	Знание основных свойств треугольника и умение рассчитать длины сторон.	7.12	1.1; 1.2; 1.3; 3.1	Б	1
3.	Умение пользоваться формулой расстояния от точки до прямой	7.4	1.1; 1.2; 1.3; 3.1; 3.2	Б	1
4.	Умение составить уравнение плоскости и найти точку пересечения с осью.	7.13	1.1; 1.2; 1.3; 3.1	П	2
5.	Умение анализировать расположение прямых в пространстве	7.13	1.1; 1.2; 1.3; 3.1	П	2
Всего заданий – 5, из них по уровню сложности: Б – 3; П – 2. Максимальный первичный балл – 7					

Система оценивания

Отметка по пятибалльной шкале	«2»	«3»	«4»	«5»
Первичные баллы	0 – 3	4	5	6 – 7

Продолжительность работы – 40 минут;

1. Найдите уравнение прямой, проходящей через точки $A(3; -2)$ и $B(8; 4)$.
2. Докажите, что треугольник с вершинами $A(-1; 3)$, $B(5; -1)$ и $C(2; 5)$ является равнобедренным.
3. Вычислите расстояние от точки $P(4; 6)$ до прямой $3x + 4y = 1$.
4. Написать уравнение плоскости, проходящей через точку $T(1; 2; 3)$ перпендикулярно вектору $\vec{n} = (4; -3; 2)$. Затем найдите координаты точки пересечения этой плоскости с осью абсцисс (OX).

5. Две прямые заданы параметрически: $l_1: x=1+2t, y=-1+t, z=3-t$
 $l_2: x=2s+1, y=s-1, z=2-s$. Определите их взаимное расположение (скрещивающиеся, пересекающиеся, совпадающие, параллельные). Если пересекаются, найдите точку пересечения.

Контрольная работа № 2 "Повторение: многогранники, сечения многогранников"
Кодификатор проверяемых элементов содержания и требований к уровню
подготовки обучающихся

№ п/п	Проверяемые предметные результаты	Код КЭС	Метапредметный результат	Уровень сложности: Б/П	Максимальный балл за задание
1.	Строить сечения многогранников методом следов, выполнять (выносные) плоские чертежи из рисунков простых объёмных фигур: вид сверху, сбоку, снизу	7.11	1.1; 1.2; 1.3; 3.1; 3.2	Б	1
2.	умение строить сечение многогранника	7.11	1.1; 1.2; 1.3; 3.1; 3.2	Б	2
3.	Решать задачи на доказательство математических отношений и нахождение геометрических величин по образцам или алгоритмам, применяя известные методы при решении стандартных математических задач	6.20	1.3; 3.1; 3.2	П	2
Всего заданий – 5, из них по уровню сложности: Б – 2; П – 1. Максимальный первичный балл – 5					

Система оценивания

Отметка по пятибалльной шкале	«2»	«3»	«4»	«5»
Первичные баллы	0 – 1	2	3	4 – 5

Продолжительность работы – 40 минут;

1. Постройте сечение тетраэдра $DABC$ плоскостью, проходящей через точки P , M , K , где $P \in AD$, $M \in BD$ и $K \in BC$, причем $AP = PD$, $DM = MB$.
2. В параллелепипеде $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$ основание $ABCD$ — квадрат со стороной, равной 8 см, остальные грани — прямоугольники. Боковое ребро равно 3 см, E — середина $A_1 B_1$. Постройте сечение параллелепипеда плоскостью, проходящей через AC и точку E , и найдите периметр сечения.
3. В правильной четырёхугольной призме $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$ сторона основания AB равна 3, а боковое ребро $AA_1 = \sqrt{6}$. На рёбрах AB , $A_1 D_1$ и $C_1 D_1$ отмечены точки M , N и K соответственно, причём $AM = A_1 N = C_1 K = 1$.
 - а) Пусть L — точка пересечения плоскости MNK с ребром BC . Докажите, что $MNKL$ — квадрат.
 - б) Найдите площадь сечения призмы плоскостью MNK .

КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА № 3 "ОБЪЁМ МНОГОГРАННИКА"

Кодификатор проверяемых элементов содержания и требований к уровню
подготовки обучающихся

№ п/п	Проверяемые предметные результаты	Код КЭС	Метапредметный результат	Уровень сложности: Б/П	Максимальный балл за задание
1.	Вычислять объёмы и площади поверхностей тел вращения, геометрических тел с применением формул	6.6	1.1; 1.3	Б	1
2.	Вычислять объёмы и площади поверхностей тел вращения, геометрических тел с применением формул	6.6	1.1; 1.3	Б	1
3.	Вычислять объёмы и	6.6	1.1; 1.3	П	2

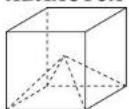
	площади поверхностей тел вращения, геометрических тел с применением формул				
4.	Вычислять объёмы и площади поверхностей тел вращения, геометрических тел с применением формул	6.6	1.1; 1.3	П	2
Всего заданий – 5, из них по уровню сложности: Б – 2; П – 2. Максимальный первичный балл – 6					

Система оценивания

Отметка по пятибалльной шкале	«2»	«3»	«4»	«5»
Первичные баллы	0 – 1	2	3 – 4	5 – 6

Продолжительность работы – 40 минут;

1. Диагональ куба равна $\sqrt{300}$. Найдите его объем.
2. Площадь грани прямоугольного параллелепипеда равна 12,5. Ребро, перпендикулярное этой грани, равно 2,4. Найдите объем параллелепипеда.
3. Два ребра прямоугольного параллелепипеда, выходящие из одной вершины, равны 15 и 4. Найдите объем параллелепипеда.
4. Объем куба равен 120. Найдите объем четырехугольной пирамиды, основанием которой является грань куба, а вершиной — центр куба.



4. В правильной четырехугольной пирамиде $SABCD$ с основанием $ABCD$ боковое ребро SA равно 10, сторона основания равна $7\sqrt{2}$. Найдите объем пирамиды.

Контрольная работа № 4 «Тела и поверхности вращения»

Кодификатор проверяемых элементов содержания и требований к уровню подготовки обучающихся

№ п/п	Проверяемые предметные результаты	Код КЭС	Метапредметный результат	Уровень сложности: Б/П	Максимальный балл за задание
1.	Умение находить объем тела вращения	6.6	1.1; 1.3	Б	1

2.	Навык расчета площади боковой и полной поверхности тела вращения.	6.6	1.1; 1.3	Б	1
3.	Применение формул нахождения объёма конуса, цилиндра, шара и усечённого конуса.	6.6	1.1; 1.3	Б	1
4.	Применение формул нахождения объёма конуса, цилиндра, шара и усечённого конуса.	6.6	1.1; 1.3	П	2
5.	Решение практических задач с использованием свойств тел вращения.	6.22	1.1; 1.2; 1.3; 3.1; 3.2	П	2
Всего заданий – 5, из них по уровню сложности: Б – 3; П – 2. Максимальный первичный балл – 7					

Система оценивания

Отметка по пятибалльной шкале	«2»	«3»	«4»	«5»
Первичные баллы	0 – 1	2 – 3	4 – 5	6 – 7

Продолжительность работы – 40 минут;

1. Прямоугольный треугольник с катетами 8 см и 6 см вращается вокруг меньшего катета. Найдите объём полученного тела вращения.
2. Цилиндр имеет высоту 12 см и диаметр основания 8 см. Вычислите площадь полной поверхности цилиндра.
3. Шаровая поверхность имеет радиус 5 см. Определите её полную площадь.
4. Конус высотой 10 см и диаметром основания 12 см разрезали параллельно основанию на расстоянии 4 см от вершины. Чему равна высота и радиус верхнего сечения?
5. Круг площадью 16π см² вращают вокруг своего диаметра. Какова полная площадь поверхности полученного тела вращения?

Контрольная работа № 5 «Площади поверхности и объёмы круглых тел»
Кодификатор проверяемых элементов содержания и требований к уровню
подготовки обучающихся

№ п/п	Проверяемые предметные результаты	Код КЭС	Метапредметный результат	Уровень сложности: Б/П	Максимальный бал за задание
1.	Вычислять объёмы и площади поверхностей тел вращения, геометрических тел с применением формул	6.6	МП 1.1; 1.3	Б	1
2.	Вычислять объёмы и площади поверхностей тел вращения, геометрических тел с применением формул	6.6	МП 1.1; 1.3	Б	1
3.	Оперировать понятиями: шаровой сегмент, основание сегмента, высота сегмента, шаровой слой, основание шарового слоя, высота шарового слоя, шаровой сектор	6.5	МП 1.1; 1.3	Б	1
4.	Оперировать понятиями: многогранник, вписанный в сферу и описанный около сферы, сфера, вписанная в многогранник или тело	6.7	МП 1.1; 1.3	Б	1

	вращения				
5.	Вычислять объёмы и площади поверхностей тел вращения, геометрических тел с применением формул	6.6	МП 1.1; 1.3	П	2
Всего заданий – 5, из них по уровню сложности: Б – 4; П – 1. Максимальный первичный балл – 6					

Система оценивания

Отметка по пятибалльной шкале	«2»	«3»	«4»	«5»
Первичные баллы	0 – 3	4	5	6

Продолжительность работы – 40 минут;

- Осевое сечение цилиндра — квадрат, диагональ которого 4 см. Найдите площадь боковой поверхности цилиндра.
- Радиус основания конуса равен 6 см, а образующая наклонена к плоскости основания под углом 60° . Найдите площадь сечения, проходящего через две образующие, угол между которыми равен 45° и площадь боковой поверхности конуса.
- Диаметр шара равен d . Через конец диаметра проведена плоскость под углом 45° к нему. Найдите площадь сечения шара этой плоскостью.
- Длина линии пересечения сферы и плоскости, проходящей через конец диаметра под углом 60° к нему, равна 5π см². Найдите диаметр сферы.
- Через вершину конуса проведена плоскость, пересекающая основание по хорде, длина которой равна 5 см, и стягивающей дугу 90° . Плоскость сечения составляет с плоскостью основания угол 60° . Найдите площадь боковой поверхности конуса.

Контрольная работа № 6 «Векторы в пространстве».

Кодификатор проверяемых элементов содержания и требований к уровню подготовки обучающихся

№ п/п	Проверяемые предметные результаты	Код КЭС	Метапредметный результат	Уровень сложности : Б/П	Максимальный балл за задание
1.	Оперировать понятием: вектор в пространстве	6.13	МП 1.1; 1.3	Б	1
2.	Оперировать понятиями: декартовы координаты в пространстве,	6.16	МП 1.1; 1.3	Б	1

	вектор, модуль вектора, равенство векторов, координаты вектора, угол между векторами, скалярное произведение векторов, коллинеарные и компланарные векторы				
3.	Оперировать понятиями: декартовы координаты в пространстве, вектор, модуль вектора, равенство векторов, координаты вектора, угол между векторами, скалярное произведение векторов, коллинеарные и компланарные векторы	6.16	МП 1.1; 1.3	Б	1
4.	Оперировать понятиями: декартовы координаты в пространстве, вектор, модуль вектора, равенство векторов, координаты вектора, угол между векторами, скалярное произведение векторов, коллинеарные и компланарные векторы	6.16	МП 1.1; 1.3	Б	1
5.	Находить сумму	6.17	МП 1.1	Б	1

	векторов и произведение вектора на число, угол между векторами, скалярное произведение, раскладывать вектор по двум неколлинеарным векторам				
6.	Решать простейшие геометрические задачи на применение векторно-координатного метода	6.19	МП 1.1; 1.2; 1.3; 3.1	П	2
Всего заданий – 6, из них по уровню сложности: Б – 5, П – 1. Максимальный первичный балл – 7					

Система оценивания

Отметка по пятибалльной шкале	«2»	«3»	«4»	«5»
Первичные баллы	0 – 1	2 – 3	4 – 5	6 -7

Продолжительность работы – 40 минут;

1. Найдите длину вектора $\vec{a} = 4\vec{k} - 3\vec{j}$.
2. Найдите длину вектора $2\vec{a} - \vec{b}$ если $\vec{a}[-4; 1; 5], \vec{b}[3; -5; -1]$.
3. Выясните, при каких значениях s и t , вектора $\vec{a}[3; s; 4], \vec{b}[t; 1; -8]$ - коллинеарны.
4. Найдите координаты точки В, если $A(0; 3; -4); K(1; -4; 4)$, а точка К-середина АВ.
5. Найдите угол между векторами $\vec{a}[-1; 3; 2]$ и $\vec{b}[4; 5; 0]$
6. Вершины треугольника ABC имеют координаты $A\{2; -3; -1\}, B\{-3; -1; 2\}, C\{1; -2; 5\}$.
Определите вид этого треугольника.

**УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО
ПРОЦЕССА**

ОБЯЗАТЕЛЬНЫЕ УЧЕБНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧЕНИКА

Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия. Геометрия. 10-11 класс. Атанасян Л.С., Бутузов В.Ф., Кадомцев С.Б. и др. Акционерное общество «Издательство «Просвещение»

МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧИТЕЛЯ

Методические рекомендации. Геометрия. 10-11 классы (к учебнику Атанасян Л. С. и др.)
М.: Просвещение

ЦИФРОВЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕСУРСЫ И РЕСУРСЫ СЕТИ ИНТЕРНЕТ

<http://school-collection.edu.ru>

<http://wmolow.edu.ru>

<http://fcior.edu.ru>

