



ДЕПАРТАМЕНТ ПО СОЦИАЛЬНЫМ ВОПРОСАМ
Муниципальное автономное общеобразовательное учреждение
Заводоуковского муниципального округа
«Заводоуковская средняя общеобразовательная школа № 2»
(МАОУ «СОШ № 2»)

РАССМОТРЕНА
на заседании ШМО
учителей математики и
информатики
Протокол № 5
от «28» августа 2026 г.
Руководитель: Л.В. Морозникова
/Л.В. Морозникова/

СОГЛАСОВАНА
заместитель директора
Г.И. Гаук
«29» августа 2026 г.

УТВЕРЖДЕНА
приказом директора школы
от «29» августа 2026 г.
№ 413-О

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА
(ID 9143442)
«Алгебра и начала математического анализа»
углубленный уровень
уровень среднего общего образования
для обучающихся 10-11 классов
на 2026- 2027 учебный год

Составитель: Петрова О.В.,
учитель математики

Заводоуковск, 2026

ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Учебный курс «Алгебра и начала математического анализа» является одним из наиболее значимых в программе среднего общего образования, поскольку, с одной стороны, он обеспечивает инструментальную базу для изучения всех естественно-научных курсов, а с другой стороны, формирует логическое и абстрактное мышление обучающихся на уровне, необходимом для освоения информатики, обществознания, истории, словесности и других дисциплин. В рамках данного учебного курса обучающиеся овладевают универсальным языком современной науки, которая формулирует свои достижения в математической форме.

Учебный курс алгебры и начал математического анализа закладывает основу для успешного овладения законами физики, химии, биологии, понимания основных тенденций развития экономики и общественной жизни, позволяет ориентироваться в современных цифровых и компьютерных технологиях, уверенно использовать их для дальнейшего образования и в повседневной жизни. В то же время овладение абстрактными и логически строгими конструкциями алгебры и математического анализа развивает умение находить закономерности, обосновывать истинность, доказывать утверждения с помощью индукции и рассуждать дедуктивно, использовать обобщение и конкретизацию, абстрагирование и аналогию, формирует креативное и критическое мышление.

В ходе изучения учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» обучающиеся получают новый опыт решения прикладных задач, самостоятельного построения математических моделей реальных ситуаций, интерпретации полученных решений, знакомятся с примерами математических закономерностей в природе, науке и искусстве, с выдающимися математическими открытиями и их авторами.

Рабочая программа ориентирована на целевые приоритеты, сформулированные в федеральной рабочей программе воспитания и в рабочей программе воспитания МАОУ «СОШ № 2».

Учебный курс обладает значительным воспитательным потенциалом, который реализуется как через учебный материал, способствующий формированию научного мировоззрения, так и через специфику учебной деятельности, требующей продолжительной концентрации внимания, самостоятельности, аккуратности и ответственности за полученный результат.

В основе методики обучения алгебре и началам математического анализа лежит деятельностный принцип обучения.

В структуре учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» выделены следующие содержательно-методические линии: «Числа и вычисления», «Функции и графики», «Уравнения и неравенства», «Начала математического анализа», «Множества и логика». Все основные содержательно-методические линии изучаются на протяжении двух лет обучения на уровне среднего общего образования, естественно дополняя друг друга и постепенно насыщаясь новыми темами и разделами. Данный учебный курс является интегративным, поскольку объединяет в себе содержание нескольких математических дисциплин, таких как алгебра, тригонометрия, математический анализ, теория множеств, математическая логика и другие. По мере того как обучающиеся овладевают всё более широким математическим аппаратом, у них последовательно формируется и совершенствуется умение строить математическую модель реальной ситуации, применять знания, полученные при изучении учебного курса, для решения самостоятельно сформулированной математической задачи, а затем интерпретировать свой ответ.

Содержательно-методическая линия «Числа и вычисления» завершает формирование навыков использования действительных чисел, которое было начато на уровне основного общего образования. На уровне среднего общего образования особое внимание уделяется формированию навыков рациональных вычислений, включающих в себя использование различных форм записи числа, умение делать прикидку, выполнять приближённые вычисления, оценивать числовые выражения, работать с математическими константами. Знакомые обучающимся множества натуральных, целых, рациональных и действительных чисел дополняются множеством комплексных чисел. В каждом из этих множеств рассматриваются свойственные ему специфические задачи и операции: деление нацело, оперирование остатками на множестве целых чисел, особые свойства рациональных и иррациональных чисел, арифметические операции, а также извлечение корня натуральной степени на множестве комплексных чисел. Благодаря последовательному расширению круга используемых чисел и знакомству с возможностями их применения для решения различных задач формируется представление о единстве математики как науки и её роли в построении моделей реального мира, широко используются обобщение и конкретизация.

Линия «Уравнения и неравенства» реализуется на протяжении всего обучения на уровне среднего общего образования, поскольку в каждом разделе Программы предусмотрено решение соответствующих задач. В результате обучающиеся овладевают различными методами решения

рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических и тригонометрических уравнений, неравенств и систем, а также задач, содержащих параметры. Полученные умения широко используются при исследовании функций с помощью производной, при решении прикладных задач и задач на нахождение наибольших и наименьших значений функции. Данная содержательная линия включает в себя также формирование умений выполнять расчёты по формулам, преобразования рациональных, иррациональных и тригонометрических выражений, а также выражений, содержащих степени и логарифмы. Благодаря изучению алгебраического материала происходит дальнейшее развитие алгоритмического и абстрактного мышления обучающихся, формируются навыки дедуктивных рассуждений, работы с символьными формами, представления закономерностей и зависимостей в виде равенств и неравенств. Алгебра предлагает эффективные инструменты для решения практических и естественно-научных задач, наглядно демонстрирует свои возможности как языка науки.

Содержательно-методическая линия «Функции и графики» тесно переплетается с другими линиями учебного курса, поскольку в каком-то смысле задаёт последовательность изучения материала. Изучение степенной, показательной, логарифмической и тригонометрических функций, их свойств и графиков, использование функций для решения задач из других учебных предметов и реальной жизни тесно связано как с математическим анализом, так и с решением уравнений и неравенств. При этом большое внимание уделяется формированию умения выражать формулами зависимости между различными величинами, исследовать полученные функции, строить их графики. Материал этой содержательной линии нацелен на развитие умений и навыков, позволяющих выражать зависимости между величинами в различной форме: аналитической, графической и словесной. Его изучение способствует развитию алгоритмического мышления, способности к обобщению и конкретизации, использованию аналогий.

Содержательная линия «Начала математического анализа» позволяет существенно расширить круг как математических, так и прикладных задач, доступных обучающимся, так как у них появляется возможность строить графики сложных функций, определять их наибольшие и наименьшие значения, вычислять площади фигур и объёмы тел, находить скорости и ускорения процессов. Данная содержательная линия открывает новые возможности построения математических моделей реальных ситуаций, позволяет находить наилучшее решение в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах. Знакомство с основами математического

анализа способствует развитию абстрактного, формально-логического и креативного мышления, формированию умений распознавать проявления законов математики в науке, технике и искусстве. Обучающиеся узнают о выдающихся результатах, полученных в ходе развития математики как науки, и об их авторах.

Содержательно-методическая линия «Множества и логика» включает в себя элементы теории множеств и математической логики. Теоретико-множественные представления пронизывают весь курс школьной математики и предлагают наиболее универсальный язык, объединяющий все разделы математики и её приложений, они связывают разные математические дисциплины и их приложения в единое целое. Поэтому важно дать возможность обучающемуся понимать теоретико-множественный язык современной математики и использовать его для выражения своих мыслей. Другим важным признаком математики как науки следует признать свойственную ей строгость обоснований и следование определённым правилам построения доказательств. Знакомство с элементами математической логики способствует развитию логического мышления обучающихся, позволяет им строить свои рассуждения на основе логических правил, формирует навыки критического мышления.

В учебном курсе «Алгебра и начала математического анализа» присутствуют основы математического моделирования, которые призваны способствовать формированию навыков построения моделей реальных ситуаций, исследования этих моделей с помощью аппарата алгебры и математического анализа, интерпретации полученных результатов. Такие задания вплетены в каждый из разделов программы, поскольку весь материал учебного курса широко используется для решения прикладных задач. При решении реальных практических задач обучающиеся развивают наблюдательность, умение находить закономерности, абстрагироваться, использовать аналогию, обобщать и конкретизировать проблему. Деятельность по формированию навыков решения прикладных задач организуется в процессе изучения всех тем учебного курса «Алгебра и начала математического анализа».

На изучение учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» отводится 272 часа: в 10 классе – 136 часов (4 часа в неделю), в 11 классе – 136 часов (4 часа в неделю).

СОДЕРЖАНИЕ ОБУЧЕНИЯ

10 КЛАСС

Числа и вычисления

Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби. Применение дробей и процентов для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни.

Действительные числа. Рациональные и иррациональные числа. Арифметические операции с действительными числами. Модуль действительного числа и его свойства. Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений.

Степень с целым показателем. Бином Ньютона. Использование подходящей формы записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных.

Арифметический корень натуральной степени и его свойства.

Степень с рациональным показателем и её свойства, степень с действительным показателем.

Логарифм числа. Свойства логарифма. Десятичные и натуральные логарифмы.

Синус, косинус, тангенс, котангенс числового аргумента. Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента.

Уравнения и неравенства

Тождества и тождественные преобразования. Уравнение, корень уравнения. Равносильные уравнения и уравнения-следствия. Неравенство, решение неравенства.

Основные методы решения целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств. Многочлены от одной переменной. Деление многочлена на многочлен с остатком. Теорема Безу. Многочлены с целыми коэффициентами. Теорема Виета.

Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни.

Иррациональные уравнения. Основные методы решения иррациональных уравнений.

Показательные уравнения. Основные методы решения показательных уравнений.

Преобразование выражений, содержащих логарифмы.

Логарифмические уравнения. Основные методы решения логарифмических уравнений.

Основные тригонометрические формулы. Преобразование тригонометрических выражений. Решение тригонометрических уравнений.

Решение систем линейных уравнений. Матрица системы линейных уравнений. Определитель матрицы 2×2 , его геометрический смысл и свойства, вычисление его значения, применение определителя для решения

системы линейных уравнений. Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений. Исследование построенной модели с помощью матриц и определителей.

Построение математических моделей реальной ситуации с помощью уравнений и неравенств. Применение уравнений и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни.

Функции и графики

Функция, способы задания функции. Взаимно обратные функции. Композиция функций. График функции. Элементарные преобразования графиков функций.

Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства. Чётные и нечётные функции. Периодические функции. Промежутки монотонности функции. Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке.

Линейная, квадратичная и дробно-линейная функции. Элементарное исследование и построение их графиков.

Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график. Свойства и график корня n -ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем.

Показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики. Использование графиков функций для решения уравнений.

Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента.

Функциональные зависимости в реальных процессах и явлениях. Графики реальных зависимостей.

Начала математического анализа

Последовательности, способы задания последовательностей. Метод математической индукции. Монотонные и ограниченные последовательности. История возникновения математического анализа как анализа бесконечно малых.

Арифметическая и геометрическая прогрессии. Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия. Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии. Линейный и экспоненциальный рост. Число e . Формула сложных процентов. Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера.

Непрерывные функции и их свойства. Точки разрыва. Асимптоты графиков функций. Свойства функций непрерывных на отрезке. Метод

интервалов для решения неравенств. Применение свойств непрерывных функций для решения задач.

Первая и вторая производные функции. Определение, геометрический и физический смысл производной. Уравнение касательной к графику функции.

Производные элементарных функций. Производная суммы, произведения, частного и композиции функций.

Множества и логика

Множество, операции над множествами и их свойства. Диаграммы Эйлера–Венна. Применение теоретико-множественного аппарата для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов.

Определение, теорема, свойство математического объекта, следствие, доказательство, равносильные уравнения.

11 КЛАСС

Числа и вычисления

Натуральные и целые числа. Применение признаков делимости целых чисел, наибольший общий делитель (далее – НОД) и наименьшее общее кратное (далее – НОК), остатков по модулю, алгоритма Евклида для решения задач в целых числах.

Комплексные числа. Алгебраическая и тригонометрическая формы записи комплексного числа. Арифметические операции с комплексными числами. Изображение комплексных чисел на координатной плоскости. Формула Муавра. Корни n -ой степени из комплексного числа. Применение комплексных чисел для решения физических и геометрических задач.

Уравнения и неравенства

Система и совокупность уравнений и неравенств. Равносильные системы и системы-следствия. Равносильные неравенства.

Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности. Решение тригонометрических неравенств.

Основные методы решения показательных и логарифмических неравенств.

Основные методы решения иррациональных неравенств.

Основные методы решения систем и совокупностей рациональных, иррациональных, показательных и логарифмических уравнений.

Уравнения, неравенства и системы с параметрами.

Применение уравнений, систем и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов.

Функции и графики

График композиции функций. Геометрические образы уравнений и неравенств на координатной плоскости.

Тригонометрические функции, их свойства и графики.

Графические методы решения уравнений и неравенств. Графические методы решения задач с параметрами.

Использование графиков функций для исследования процессов и зависимостей, которые возникают при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни.

Начала математического анализа

Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значений непрерывной функции на отрезке.

Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком.

Первообразная, основное свойство первообразных. Первообразные элементарных функций. Правила нахождения первообразных.

Интеграл. Геометрический смысл интеграла. Вычисление определённого интеграла по формуле Ньютона-Лейбница.

Применение интеграла для нахождения площадей плоских фигур и объёмов геометрических тел.

Примеры решений дифференциальных уравнений. Математическое моделирование реальных процессов с помощью дифференциальных уравнений.

ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА «АЛГЕБРА И НАЧАЛА МАТЕМАТИЧЕСКОГО АНАЛИЗА» (УГЛУБЛЕННЫЙ УРОВЕНЬ) НА УРОВНЕ СРЕДНЕГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

1) гражданского воспитания:

сформированность гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представление о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и другое), умение взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением;

2) патриотического воспитания:

сформированность российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностное отношение к достижениям российских математиков и российской математической школы, использование этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики;

3) духовно-нравственного воспитания:

осознание духовных ценностей русского народа, сформированность нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного, осознание личного вклада в построение устойчивого будущего;

4) эстетического воспитания:

эстетическое отношение к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений, восприимчивость к математическим аспектам различных видов искусства;

5) физического воспитания:

сформированность умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственное отношение к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность), физическое совершенствование при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью;

6) трудового воспитания:

готовность к труду, осознание ценности трудолюбия, интерес к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умение совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы, готовность и способность к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни, готовность к активному участию в решении практических задач математической направленности;

7) экологического воспитания:

сформированность экологической культуры, понимание влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознание глобального характера экологических проблем, ориентация на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирование поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды;

8) ценности научного познания:

сформированность мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, понимание

математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации, овладение языком математики и математической культурой как средством познания мира, готовность осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Познавательные универсальные учебные действия

Базовые логические действия:

выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями, формулировать определения понятий, устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;

воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие, условные;

выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях, предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;

делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;

проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры, обосновывать собственные суждения и выводы;

выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

Базовые исследовательские действия:

использовать вопросы как исследовательский инструмент познания, формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;

проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;

самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;

прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

Работа с информацией:

выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;

выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;

структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;

оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

Коммуникативные универсальные учебные действия

Общение:

воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения, ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;

в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения, сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций, в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;

представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта, самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

Регулятивные универсальные учебные действия

Самоорганизация:

составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

Самоконтроль, эмоциональный интеллект:

владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов, владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;

предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;

оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

Совместная деятельность:

понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач, принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы, обобщать мнения нескольких людей;

участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнениями, «мозговые штурмы» и иные), выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды, оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

К концу обучения в **10 классе** обучающийся получит следующие предметные результаты по отдельным темам рабочей программы учебного курса «Алгебра и начала математического анализа»:

Числа и вычисления:

свободно оперировать понятиями: рациональное число, бесконечная периодическая дробь, проценты, иррациональное число, множества рациональных и действительных чисел, модуль действительного числа;

применять дроби и проценты для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни;

применять приближённые вычисления, правила округления, прикидку и оценку результата вычислений;

свободно оперировать понятием: степень с целым показателем, использовать подходящую форму записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных;

свободно оперировать понятием: арифметический корень натуральной степени;

свободно оперировать понятием: степень с рациональным показателем;

свободно оперировать понятиями: логарифм числа, десятичные и натуральные логарифмы;

свободно оперировать понятиями: синус, косинус, тангенс, котангенс числового аргумента;

оперировать понятиями: арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента.

Уравнения и неравенства:

свободно оперировать понятиями: тождество, уравнение, неравенство, равносильные уравнения и уравнения-следствия, равносильные неравенства;

применять различные методы решения рациональных и дробно-рациональных уравнений, применять метод интервалов для решения неравенств;

свободно оперировать понятиями: многочлен от одной переменной, многочлен с целыми коэффициентами, корни многочлена, применять деление многочлена на многочлен с остатком, теорему Безу и теорему Виета для решения задач;

свободно оперировать понятиями: система линейных уравнений, матрица, определитель матрицы 2×2 и его геометрический смысл, использовать свойства определителя 2×2 для вычисления его значения, применять определители для решения системы линейных уравнений, моделировать реальные ситуации с помощью системы линейных уравнений, исследовать построенные модели с помощью матриц и определителей, интерпретировать полученный результат;

использовать свойства действий с корнями для преобразования выражений;

выполнять преобразования числовых выражений, содержащих степени с рациональным показателем;

использовать свойства логарифмов для преобразования логарифмических выражений;

свободно оперировать понятиями: иррациональные, показательные и логарифмические уравнения, находить их решения с помощью равносильных переходов или осуществляя проверку корней;

применять основные тригонометрические формулы для преобразования тригонометрических выражений;

свободно оперировать понятием: тригонометрическое уравнение, применять необходимые формулы для решения основных типов тригонометрических уравнений;

моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры.

Функции и графики:

свободно оперировать понятиями: функция, способы задания функции, взаимно обратные функции, композиция функций, график функции, выполнять элементарные преобразования графиков функций;

свободно оперировать понятиями: область определения и множество значений функции, нули функции, промежутки знакопостоянства;

свободно оперировать понятиями: чётные и нечётные функции, периодические функции, промежутки монотонности функции, максимумы и минимумы функции, наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке;

свободно оперировать понятиями: степенная функция с натуральным и целым показателем, график степенной функции с натуральным и целым показателем, график корня n -ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем;

оперировать понятиями: линейная, квадратичная и дробно-линейная функции, выполнять элементарное исследование и построение их графиков;

свободно оперировать понятиями: показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики, использовать их графики для решения уравнений;

свободно оперировать понятиями: тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента;

использовать графики функций для исследования процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни, выражать формулами зависимости между величинами;

Начала математического анализа:

свободно оперировать понятиями: арифметическая и геометрическая прогрессия, бесконечно убывающая геометрическая прогрессия, линейный и экспоненциальный рост, формула сложных процентов, иметь представление о константе;

использовать прогрессии для решения реальных задач прикладного характера;

свободно оперировать понятиями: последовательность, способы задания последовательностей, монотонные и ограниченные последовательности, понимать основы зарождения математического анализа как анализа бесконечно малых;

свободно оперировать понятиями: непрерывные функции, точки разрыва графика функции, асимптоты графика функции;

свободно оперировать понятием: функция, непрерывная на отрезке, применять свойства непрерывных функций для решения задач;

свободно оперировать понятиями: первая и вторая производные функции, касательная к графику функции;

вычислять производные суммы, произведения, частного и композиции двух функций, знать производные элементарных функций;

использовать геометрический и физический смысл производной для решения задач.

Множества и логика:

свободно оперировать понятиями: множество, операции над множествами;

использовать теоретико-множественный аппарат для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов;

свободно оперировать понятиями: определение, теорема, уравнение-следствие, свойство математического объекта, доказательство, равносильные уравнения и неравенства.

К концу обучения в **11 классе** обучающийся получит следующие предметные результаты по отдельным темам рабочей программы учебного курса «Алгебра и начала математического анализа»:

Числа и вычисления:

свободно оперировать понятиями: натуральное и целое число, множества натуральных и целых чисел, использовать признаки делимости целых чисел, НОД и НОК натуральных чисел для решения задач, применять алгоритм Евклида;

свободно оперировать понятием остатка по модулю, записывать натуральные числа в различных позиционных системах счисления;

свободно оперировать понятиями: комплексное число и множество комплексных чисел, представлять комплексные числа в алгебраической и тригонометрической форме, выполнять арифметические операции с ними и изображать на координатной плоскости.

Уравнения и неравенства:

свободно оперировать понятиями: иррациональные, показательные и логарифмические неравенства, находить их решения с помощью равносильных переходов;

осуществлять отбор корней при решении тригонометрического уравнения;

свободно оперировать понятием тригонометрическое неравенство, применять необходимые формулы для решения основных типов тригонометрических неравенств;

свободно оперировать понятиями: система и совокупность уравнений и неравенств, равносильные системы и системы-следствия, находить решения системы и совокупностей рациональных, иррациональных, показательных и логарифмических уравнений и неравенств;

решать рациональные, иррациональные, показательные, логарифмические и тригонометрические уравнения и неравенства, содержащие модули и параметры;

применять графические методы для решения уравнений и неравенств, а также задач с параметрами;

моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры, интерпретировать полученный результат.

Функции и графики:

строить графики композиции функций с помощью элементарного исследования и свойств композиции двух функций;

строить геометрические образы уравнений и неравенств на координатной плоскости;

свободно оперировать понятиями: графики тригонометрических функций;

применять функции для моделирования и исследования реальных процессов.

Начала математического анализа:

использовать производную для исследования функции на монотонность и экстремумы;

находить наибольшее и наименьшее значения функции непрерывной на отрезке;

использовать производную для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах, для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком;

свободно оперировать понятиями: первообразная, определённый интеграл, находить первообразные элементарных функций и вычислять интеграл по формуле Ньютона-Лейбница;

находить площади плоских фигур и объёмы тел с помощью интеграла;

иметь представление о математическом моделировании на примере составления дифференциальных уравнений;

решать прикладные задачи, в том числе социально-экономического и физического характера, средствами математического анализа.

**ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ С УКАЗАНИЕМ КОЛИЧЕСТВА АКАДЕМИЧЕСКИХ ЧАСОВ,
ОТВОДИМЫХ НА ОСВОЕНИЕ КАЖДОЙ ТЕМЫ УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА, УЧЕБНОГО КУРСА (В ТОМ
ЧИСЛЕ ВНЕУРОЧНОЙ ДЕЯТЕЛЬНОСТИ), УЧЕБНОГО МОДУЛЯ И ВОЗМОЖНОСТЬ
ИСПОЛЬЗОВАНИЯ ПО ЭТОЙ ТЕМЕ ЭЛЕКТРОННЫХ (ЦИФРОВЫХ) ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫХ
РЕСУРСОВ, ЯВЛЯЮЩИХСЯ УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКИМИ МАТЕРИАЛАМИ**

10 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Множество действительных чисел. Многочлены. Рациональные уравнения и неравенства. Системы линейных уравнений	24	1		https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
2	Функции и графики. Степенная функция с целым показателем	12	1		https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
3	Арифметический корень n-ой степени. Иррациональные уравнения	15	1		https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
4	Показательная функция. Показательные уравнения	10	1		https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
5	Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения	18	1		https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
6	Тригонометрические выражения и уравнения	22	1		https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
7	Последовательности и прогрессии	10	1		https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog

8	Непрерывные функции. Производная	20	1		https://math-ege.sdangia.ru/prob_catalog
9	Повторение, обобщение, систематизация знаний	5	2		https://math-ege.sdangia.ru/prob_catalog
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		136	10	0	

11 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Исследование функций с помощью производной	22	1		https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
2	Первообразная и интеграл	12	1		https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
3	Графики тригонометрических функций. Тригонометрические неравенства	14	1		https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
4	Иррациональные, показательные и логарифмические неравенства	24	1		https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
5	Комплексные числа	10	1		https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
6	Натуральные и целые числа	10	1		https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
7	Системы рациональных, иррациональных показательных и логарифмических уравнений	12	1		https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
8	Задачи с параметрами	16	1		https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
9	Повторение, обобщение, систематизация знаний	16	2		https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		140	10	0	

ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

10 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов			Дата изучения	Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы		
1	Множество, операции над множествами и их свойства	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
2	Диаграммы Эйлера-Венна	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
3	Применение теоретико-множественного аппарата для решения задач	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
4	Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
5	Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
6	Применение дробей и процентов для решения прикладных задач	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
7	Применение дробей и процентов для решения прикладных задач	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
8	Действительные числа. Рациональные и иррациональные	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog

	числа					
9	Арифметические операции с действительными числами	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
10	Модуль действительного числа и его свойства	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
11	Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
12	Основные методы решения целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
13	Основные методы решения целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
14	Основные методы решения целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
15	Многочлены от одной переменной. Деление многочлена на многочлен с остатком. Теорема Безу	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
16	Многочлены с целыми коэффициентами. Теорема Виета	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
17	Решение систем линейных уравнений	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
18	Решение систем линейных уравнений	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog

19	Матрица системы линейных уравнений. Определитель матрицы 2×2 , его геометрический смысл и свойства; вычисление его значения	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
20	Определитель матрицы 2×2 , его геометрический смысл и свойства; вычисление его значения	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
21	Применение определителя для решения системы линейных уравнений	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
22	Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
23	Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
24	Контрольная работа №1 "Рациональные уравнения и неравенства. Системы линейных уравнений"	1	1			https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
25	Функция, способы задания функции. Взаимно обратные функции. Композиция функций	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
26	График функции. Элементарные преобразования графиков функций	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
27	Область определения и множество	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog

	значений функции. Нули функции. Промежутки знак постоянства					ege.sdamgia.ru/prob_catalog
28	Чётные и нечётные функции. Периодические функции. Промежутки монотонности функции	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
29	Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
30	Линейная, квадратичная и дробно-линейная функции	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
31	Элементарное исследование и построение графиков этих функций	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
32	Элементарное исследование и построение графиков этих функций	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
33	Степень с целым показателем. Бином Ньютона	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
34	Степень с целым показателем. Бином Ньютона	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
35	Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
36	Контрольная работа №2 "Степенная функция. Её свойства	1	1			https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog

	и график"					
37	Арифметический корень натуральной степени и его свойства	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
38	Арифметический корень натуральной степени и его свойства	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
39	Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
40	Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
41	Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
42	Иррациональные уравнения. Основные методы решения иррациональных уравнений	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
43	Иррациональные уравнения. Основные методы решения иррациональных уравнений	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
44	Иррациональные уравнения. Основные методы решения иррациональных уравнений	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
45	Равносильные переходы в решении иррациональных уравнений	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog

46	Равносильные переходы в решении иррациональных уравнений	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
47	Равносильные переходы в решении иррациональных уравнений	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
48	Равносильные переходы в решении иррациональных уравнений	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
49	Свойства и график корня n -ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
50	Свойства и график корня n -ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
51	Контрольная работа №3 "Свойства и график корня n -ой степени. Иррациональные уравнения"	1	1			https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
52	Степень с рациональным показателем и её свойства	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
53	Степень с рациональным показателем и её свойства	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
54	Степень с рациональным показателем и её свойства	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
55	Показательная функция, её	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog

	свойства и график					ege.sdamgia.ru/prob_catalog
56	Использование графика функции для решения уравнений	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
57	Использование графика функции для решения уравнений	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
58	Показательные уравнения. Основные методы решения показательных уравнений	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
59	Показательные уравнения. Основные методы решения показательных уравнений	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
60	Показательные уравнения. Основные методы решения показательных уравнений	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
61	Контрольная работа №4 "Показательная функция. Показательные уравнения"	1	1			https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
62	Логарифм числа. Свойства логарифма	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
63	Логарифм числа. Свойства логарифма	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
64	Логарифм числа. Свойства логарифма	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
65	Десятичные и натуральные логарифмы	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
66	Десятичные и натуральные логарифмы	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog

67	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
68	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
69	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
70	Логарифмическая функция, её свойства и график	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
71	Логарифмическая функция, её свойства и график	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
72	Использование графика функции для решения уравнений	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
73	Использование графика функции для решения уравнений	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
74	Логарифмические уравнения. Основные методы решения логарифмических уравнений	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
75	Логарифмические уравнения. Основные методы решения логарифмических уравнений	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
76	Логарифмические уравнения. Основные методы решения логарифмических уравнений	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
77	Равносильные переходы в решении логарифмических уравнений	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
78	Равносильные переходы в	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog

	решении логарифмических уравнений					
79	Контрольная работа №5 "Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения"	1	1			https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
80	Синус, косинус, тангенс и котангенс числового аргумента	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
81	Синус, косинус, тангенс и котангенс числового аргумента	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
82	Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
83	Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
84	Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
85	Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
86	Основные тригонометрические формулы	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
87	Основные тригонометрические формулы	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
88	Основные тригонометрические формулы	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
89	Основные тригонометрические формулы	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog

90	Преобразование тригонометрических выражений	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
91	Преобразование тригонометрических выражений	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
92	Преобразование тригонометрических выражений	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
93	Преобразование тригонометрических выражений	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
94	Решение тригонометрических уравнений	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
95	Решение тригонометрических уравнений	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
96	Решение тригонометрических уравнений	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
97	Решение тригонометрических уравнений	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
98	Решение тригонометрических уравнений	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
99	Решение тригонометрических уравнений	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
100	Решение тригонометрических уравнений	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
101	Контрольная работа №6 "Тригонометрические выражения и тригонометрические уравнения"	1	1			https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
102	Последовательности, способы задания последовательностей.	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog

	Метод математической индукции					
103	Монотонные и ограниченные последовательности. История анализа бесконечно малых	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
104	Арифметическая прогрессия	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
105	Геометрическая прогрессия	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
106	Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
107	Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
108	Линейный и экспоненциальный рост. Число e . Формула сложных процентов	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
109	Линейный и экспоненциальный рост. Число e . Формула сложных процентов	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
110	Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
111	Контрольная работа №7 "Последовательности и прогрессии"	1	1			https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
112	Непрерывные функции и их свойства	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
113	Точка разрыва. Асимптоты графиков функций	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog

114	Свойства функций непрерывных на отрезке	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
115	Свойства функций непрерывных на отрезке	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
116	Метод интервалов для решения неравенств	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
117	Метод интервалов для решения неравенств	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
118	Метод интервалов для решения неравенств	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
119	Применение свойств непрерывных функций для решения задач	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
120	Применение свойств непрерывных функций для решения задач	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
121	Первая и вторая производные функции	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
122	Определение, геометрический смысл производной	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
123	Определение, физический смысл производной	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
124	Уравнение касательной к графику функции	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
125	Уравнение касательной к графику функции	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
126	Производные элементарных функций	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
127	Производные элементарных	1				https://math-

	функций					ege.sdamgia.ru/prob_catalog
128	Производная суммы, произведения, частного и композиции функций	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
129	Производная суммы, произведения, частного и композиции функций	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
130	Производная суммы, произведения, частного и композиции функций	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
131	Контрольная работа №8 "Производная"	1	1			https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
132	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Уравнения"	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
133	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Функции"	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
134	Итоговая контрольная работа	1	1			https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
135	Итоговая контрольная работа	1	1			https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
136	Повторение, обобщение, систематизация знаний	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		136	10	0		

11 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов			Дата изучения	Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы		
1	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
2	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
3	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
4	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
5	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
6	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
7	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog

8	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
9	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
10	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
11	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
12	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
13	Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
14	Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
15	Применение производной для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
16	Применение производной для определения скорости и ускорения	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog

	процесса, заданного формулой или графиком					
17	Композиция функций	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
18	Композиция функций	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
19	Композиция функций	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
20	Геометрические образы уравнений на координатной плоскости	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
21	Геометрические образы уравнений на координатной плоскости	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
22	Контрольная работа №1 "Исследование функций с помощью производной"	1	1			https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
23	Первообразная, основное свойство первообразных	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
24	Первообразные элементарных функций. Правила нахождения первообразных	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
25	Первообразные элементарных функций. Правила нахождения первообразных	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
26	Интеграл. Геометрический смысл	1				https://math-

	интеграла					ege.sdamgia.ru/prob_catalog
27	Вычисление определённого интеграла по формуле Ньютона-Лейбница	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
28	Вычисление определённого интеграла по формуле Ньютона-Лейбница	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
29	Применение интеграла для нахождения площадей плоских фигур	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
30	Применение интеграла для нахождения объёмов геометрических тел	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
31	Примеры решений дифференциальных уравнений	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
32	Примеры решений дифференциальных уравнений	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
33	Математическое моделирование реальных процессов с помощью дифференциальных уравнений	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
34	Контрольная работа №2 "Первообразная и интеграл"	1	1			https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
35	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog

36	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
37	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
38	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
39	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
40	Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
41	Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
42	Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
43	Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
44	Решение тригонометрических неравенств	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
45	Решение тригонометрических неравенств	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog

46	Решение тригонометрических неравенств	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
47	Решение тригонометрических неравенств	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
48	Контрольная работа №3 "Графики тригонометрических функций. Тригонометрические неравенства"	1	1			https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
49	Основные методы решения показательных неравенств	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
50	Основные методы решения показательных неравенств	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
51	Основные методы решения показательных неравенств	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
52	Основные методы решения показательных неравенств	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
53	Основные методы решения логарифмических неравенств	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
54	Основные методы решения логарифмических неравенств	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
55	Основные методы решения логарифмических неравенств	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
56	Основные методы решения логарифмических неравенств	1				https://math-

						ege.sdamgia.ru/prob_catalog
57	Основные методы решения иррациональных неравенств	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
58	Основные методы решения иррациональных неравенств	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
59	Основные методы решения иррациональных неравенств	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
60	Основные методы решения иррациональных неравенств	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
61	Графические методы решения иррациональных уравнений	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
62	Графические методы решения иррациональных уравнений	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
63	Графические методы решения показательных уравнений	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
64	Графические методы решения показательных неравенств	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
65	Графические методы решения логарифмических уравнений	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
66	Графические методы решения логарифмических неравенств	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog

67	Графические методы решения логарифмических неравенств	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
68	Графические методы решения показательных и логарифмических уравнений	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
69	Графические методы решения показательных и логарифмических уравнений	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
70	Графические методы решения показательных и логарифмических неравенств	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
71	Графические методы решения показательных и логарифмических неравенств	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
72	Контрольная работа №4 "Иррациональные, показательные и логарифмические неравенства"	1	1			https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
73	Комплексные числа. Алгебраическая и тригонометрическая формы записи комплексного числа	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
74	Комплексные числа. Алгебраическая и тригонометрическая формы записи комплексного числа	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
75	Арифметические операции с комплексными числами	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog

					ege.sdamgia.ru/prob_catalog
76	Арифметические операции с комплексными числами	1			https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
77	Изображение комплексных чисел на координатной плоскости	1			https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
78	Изображение комплексных чисел на координатной плоскости	1			https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
79	Формула Муавра. Корни n-ой степени из комплексного числа	1			https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
80	Формула Муавра. Корни n-ой степени из комплексного числа	1			https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
81	Применение комплексных чисел для решения физических и геометрических задач	1			https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
82	Контрольная работа №5 "Комплексные числа"	1	1		https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
83	Натуральные и целые числа	1			https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
84	Натуральные и целые числа	1			https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
85	Применение признаков делимости целых чисел	1			https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog

86	Применение признаков делимости целых чисел	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
87	Применение признаков делимости целых чисел: НОД и НОК	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
88	Применение признаков делимости целых чисел: НОД и НОК	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
89	Применение признаков делимости целых чисел: остатки по модулю	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
90	Применение признаков делимости целых чисел: остатки по модулю	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
91	Применение признаков делимости целых чисел: алгоритм Евклида для решения задач в целых числах	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
92	Контрольная работа №6 "Теория целых чисел"	1	1			https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
93	Система и совокупность уравнений. Равносильные системы и системы-следствия	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
94	Система и совокупность уравнений. Равносильные системы и системы-следствия	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
95	Основные методы решения систем и совокупностей рациональных уравнений	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog

96	Основные методы решения систем и совокупностей иррациональных уравнений	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
97	Основные методы решения систем и совокупностей показательных уравнений	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
98	Основные методы решения систем и совокупностей показательных уравнений	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
99	Основные методы решения систем и совокупностей логарифмических уравнений	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
100	Основные методы решения систем и совокупностей логарифмических уравнений	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
101	Применение систем к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
102	Применение систем к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
103	Применение неравенств к решению математических задач и задач из	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog

	различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов					
104	Контрольная работа №7 "Системы рациональных, иррациональных показательных и логарифмических уравнений"	1	1			https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
105	Рациональные уравнения с параметрами	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
106	Рациональные неравенства с параметрами	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
107	Рациональные системы с параметрами	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
108	Иррациональные уравнения, неравенства с параметрами	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
109	Иррациональные системы с параметрами	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
110	Показательные уравнения, неравенства с параметрами	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
111	Показательные системы с параметрами	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
112	Логарифмические уравнения, неравенства с параметрами	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog

113	Логарифмические системы с параметрами	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
114	Тригонометрические уравнения с параметрами	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
115	Тригонометрические неравенства с параметрами	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
116	Тригонометрические системы с параметрами	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
117	Построение и исследование математических моделей реальных ситуаций с помощью уравнений с параметрами	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
118	Построение и исследование математических моделей реальных ситуаций с помощью систем уравнений с параметрами	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
119	Построение и исследование математических моделей реальных ситуаций с помощью систем уравнений с параметрами	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
120	Контрольная работа №8 "Задачи с параметрами"	1	1			https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
121	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Уравнения"	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog

122	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Уравнения"	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
123	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Уравнения. Системы уравнений"	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
124	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Неравенства"	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
125	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Неравенства"	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
126	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Неравенства"	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
127	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Производная и её применение"	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
128	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Производная и её применение"	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
129	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Производная и её применение"	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog
130	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Интеграл и его применение"	1				https://math- ege.sdamgia.ru/prob_catalog

131	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Функции"	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
132	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Функции"	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
133	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Функции"	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
134	Итоговая контрольная работа	1	1			https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
135	Итоговая контрольная работа	1	1			https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
136	Повторение, обобщение, систематизация знаний	1				https://math-ege.sdamgia.ru/prob_catalog
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		136	10	0		

ПРОВЕРЯЕМЫЕ ТРЕБОВАНИЯ К РЕЗУЛЬТАТАМ ОСВОЕНИЯ ОСНОВНОЙ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

10 КЛАСС

Код проверяемого результата	Проверяемые предметные результаты освоения основной образовательной программы среднего общего образования
1	Числа и вычисления
1.1	Оперировать понятиями: рациональное и действительное число, обыкновенная и десятичная дробь, проценты
1.2	Выполнять арифметические операции с рациональными и действительными числами
1.3	Выполнять приближённые вычисления, используя правила округления, делать прикидку и оценку результата вычислений
1.4	Оперировать понятиями: степень с целым показателем, стандартная форма записи действительного числа, корень натуральной степени; использовать подходящую форму записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных
1.5	Оперировать понятиями: синус, косинус и тангенс произвольного угла; использовать запись произвольного угла через обратные тригонометрические функции
2	Уравнения и неравенства
2.1	Оперировать понятиями: тождество, уравнение, неравенство, целое, рациональное, иррациональное уравнение, неравенство, тригонометрическое уравнение
2.2	Выполнять преобразования тригонометрических выражений и решать тригонометрические уравнения
2.3	Выполнять преобразования целых, рациональных и иррациональных выражений и решать основные типы целых, рациональных и иррациональных уравнений и неравенств
2.4	Применять уравнения и неравенства для решения математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни
2.5	Моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры
3	Функции и графики
3.1	Оперировать понятиями: функция, способы задания функции, область определения и множество значений функции, график функции, взаимно обратные функции
3.2	Оперировать понятиями: чётность и нечётность функции, нули

	функции, промежутки знакопостоянства
3.3	Использовать графики функций для решения уравнений
3.4	Строить и читать графики линейной функции, квадратичной функции, степенной функции с целым показателем
3.5	Использовать графики функций для исследования процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни, выражать формулами зависимости между величинами
4	Начала математического анализа
4.1	Оперировать понятиями: последовательность, арифметическая и геометрическая прогрессии
4.2	Оперировать понятиями: бесконечно убывающая геометрическая прогрессия, сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии
4.3	Задавать последовательности различными способами
4.4	Использовать свойства последовательностей и прогрессий для решения реальных задач прикладного характера
5	Множества и логика
5.1	Оперировать понятиями: множество, операции над множествами
5.2	Использовать теоретико-множественный аппарат для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов
5.3	Оперировать понятиями: определение, теорема, следствие, доказательство

11 КЛАСС

Код проверяемого результата	Проверяемые предметные результаты освоения основной образовательной программы среднего общего образования
1	Числа и вычисления
1.1	Оперировать понятиями: натуральное, целое число; использовать признаки делимости целых чисел, разложение числа на простые множители для решения задач
1.2	Оперировать понятием: степень с рациональным показателем
1.3	Оперировать понятиями: логарифм числа, десятичные и натуральные логарифмы
2	Уравнения и неравенства
2.1	Применять свойства степени для преобразования выражений, оперировать понятиями: показательное уравнение и неравенство;

	решать основные типы показательных уравнений и неравенств
2.2	Выполнять преобразования выражений, содержащих логарифмы; оперировать понятиями: логарифмическое уравнение и неравенство; решать основные типы логарифмических уравнений и неравенств
2.3	Находить решения простейших тригонометрических неравенств
2.4	Оперировать понятиями: система линейных уравнений и её решение; использовать систему линейных уравнений для решения практических задач
2.5	Находить решения простейших систем и совокупностей рациональных уравнений и неравенств
2.6	Моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства и системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры
3	Функции и графики
3.1	Оперировать понятиями: периодическая функция, промежутки монотонности функции, точки экстремума функции, наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке; использовать их для исследования функции, заданной графиком
3.2	Оперировать понятиями: графики показательной, логарифмической и тригонометрических функций; изображать их на координатной плоскости и использовать для решения уравнений и неравенств
3.3	Изображать на координатной плоскости графики линейных уравнений и использовать их для решения системы линейных уравнений
3.4	Использовать графики функций для исследования процессов и зависимостей из других учебных дисциплин
4	Начала математического анализа
4.1	Оперировать понятиями: непрерывная функция, производная функции; использовать геометрический и физический смысл производной для решения задач
4.2	Находить производные элементарных функций, вычислять производные суммы, произведения, частного функций
4.3	Использовать производную для исследования функции на монотонность и экстремумы, применять результаты исследования к построению графиков
4.4	Использовать производную для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах
4.5	Оперировать понятиями: первообразная и интеграл; понимать геометрический и физический смысл интеграла
4.6	Находить первообразные элементарных функций, вычислять

	интеграл по формуле Ньютона – Лейбница
4.7	Решать прикладные задачи, в том числе социально-экономического и физического характера, средствами математического анализа

ПРОВЕРЯЕМЫЕ ЭЛЕМЕНТЫ СОДЕРЖАНИЯ

10 КЛАСС

Код	Проверяемый элемент содержания
1	Числа и вычисления
1.1	Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби. Арифметические операции с рациональными числами, преобразования числовых выражений. Применение дробей и процентов для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни
1.2	Действительные числа. Рациональные и иррациональные числа. Арифметические операции с действительными числами. Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений
1.3	Степень с целым показателем. Стандартная форма записи действительного числа. Использование подходящей формы записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных
1.4	Арифметический корень натуральной степени. Действия с арифметическими корнями натуральной степени
1.5	Синус, косинус и тангенс числового аргумента. Арксинус, арккосинус, арктангенс числового аргумента
2	Уравнения и неравенства
2.1	Тождества и тождественные преобразования
2.2	Преобразование тригонометрических выражений. Основные тригонометрические формулы
2.3	Уравнение, корень уравнения. Неравенство, решение неравенства. Метод интервалов
2.4	Решение целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств
2.5	Решение иррациональных уравнений и неравенств
2.6	Решение тригонометрических уравнений
2.7	Применение уравнений и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни
3	Функции и графики
3.1	Функция, способы задания функции. График функции. Взаимно обратные функции

3.2	Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства. Чётные и нечётные функции
3.3	Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график. Свойства и график корня n -ой степени
3.4	Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента
4	Начала математического анализа
4.1	Последовательности, способы задания последовательностей. Монотонные последовательности
4.2	Арифметическая и геометрическая прогрессии. Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия. Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии. Формула сложных процентов. Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера
5	Множества и логика
5.1	Множество, операции над множествами. Диаграммы Эйлера – Венна. Применение теоретико-множественного аппарата для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов
5.2	Определение, теорема, следствие, доказательство

11 КЛАСС

Код	Проверяемый элемент содержания
1	Числа и вычисления
1.1	Натуральные и целые числа. Признаки делимости целых чисел
1.2	Степень с рациональным показателем. Свойства степени
1.3	Логарифм числа. Десятичные и натуральные логарифмы
2	Уравнения и неравенства
2.1	Преобразование выражений, содержащих логарифмы
2.2	Преобразование выражений, содержащих степени с рациональным показателем
2.3	Примеры тригонометрических неравенств
2.4	Показательные уравнения и неравенства
2.5	Логарифмические уравнения и неравенства
2.6	Системы линейных уравнений. Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений
2.7	Системы и совокупности рациональных уравнений и неравенств
2.8	Применение уравнений, систем и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни

3	Функции и графики
3.1	Функция. Периодические функции. Промежутки монотонности функции. Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке
3.2	Тригонометрические функции, их свойства и графики
3.3	Показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики
3.4	Использование графиков функций для решения уравнений и линейных систем
3.5	Использование графиков функций для исследования процессов и зависимостей, которые возникают при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни
4	Начала математического анализа
4.1	Непрерывные функции. Метод интервалов для решения неравенств
4.2	Производная функции. Геометрический и физический смысл производной
4.3	Производные элементарных функций. Формулы нахождения производной суммы, произведения и частного функций
4.4	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке
4.5	Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости процесса, заданного формулой или графиком
4.6	Первообразная. Таблица первообразных
4.7	Интеграл, его геометрический и физический смысл. Вычисление интеграла по формуле Ньютона – Лейбница

ПРОВЕРЯЕМЫЕ НА ЕГЭ ПО МАТЕМАТИКЕ ТРЕБОВАНИЯ К РЕЗУЛЬТАТАМ ОСВОЕНИЯ ОСНОВНОЙ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ СРЕДНЕГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

Код проверяемого требования	Проверяемые требования к предметным результатам освоения основной образовательной программы среднего общего образования
1	Владение методами доказательств, алгоритмами решения задач; умение формулировать и оперировать понятиями: определение, аксиома, теорема, следствие, свойство, признак, доказательство, равносильные формулировки; применять их; умение формулировать обратное и противоположное утверждение, приводить примеры и контрпримеры, использовать метод математической индукции; проводить доказательные рассуждения при решении задач, оценивать логическую правильность рассуждений; умение оперировать понятиями: множество, подмножество, операции над множествами; умение использовать теоретико-множественный аппарат для описания реальных процессов и явлений и при решении задач, в том числе из других учебных предметов; умение оперировать понятиями: граф, связный граф, дерево, цикл, граф на плоскости; умение задавать и описывать графы различными способами; использовать графы при решении задач
2	Умение оперировать понятиями: натуральное число, целое число, степень с целым показателем, корень натуральной степени, степень с рациональным показателем, степень с действительным показателем, логарифм числа, синус, косинус и тангенс произвольного числа, остаток по модулю, рациональное число, иррациональное число, множества натуральных, целых, рациональных, действительных чисел; умение использовать признаки делимости, наименьший общий делитель и наименьшее общее кратное, алгоритм Евклида при решении задач; знакомство с различными позиционными системами счисления; умение выполнять вычисление значений и преобразования выражений со степенями и логарифмами, преобразования дробно-рациональных

	выражений; умение оперировать понятиями: последовательность, арифметическая прогрессия, геометрическая прогрессия, бесконечно убывающая геометрическая прогрессия; умение задавать последовательности, в том числе с помощью рекуррентных формул; умение оперировать понятиями: комплексное число, сопряжённые комплексные числа, модуль и аргумент комплексного числа, форма записи комплексных чисел (геометрическая, тригонометрическая и алгебраическая); уметь производить арифметические действия с комплексными числами; приводить примеры использования комплексных чисел; оперировать понятиями: матрица 2×2 и 3×3, определитель матрицы, геометрический смысл определителя
3	Умение оперировать понятиями: рациональные, иррациональные, показательные, степенные, логарифмические, тригонометрические уравнения и неравенства, их системы; умение оперировать понятиями: тождество, тождественное преобразование, уравнение, неравенство, система уравнений и неравенств, равносильность уравнений, неравенств и систем; умение решать уравнения, неравенства и системы с помощью различных приёмов; решать уравнения, неравенства и системы с параметром; применять уравнения, неравенства, их системы для решения математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни
4	Умение оперировать понятиями: функция, чётность функции, периодичность функции, ограниченность функции, монотонность функции, экстремум функции, наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке, непрерывная функция, асимптоты графика функции, первая и вторая производная функции, геометрический и физический смысл производной, первообразная, определённый интеграл; умение находить асимптоты графика функции; умение вычислять производные суммы, произведения, частного и композиции функций, находить уравнение касательной к графику функции; умение находить производные элементарных функций; умение использовать производную для исследования функций, находить наибольшие и наименьшие значения функций; строить графики многочленов с использованием аппарата математического

	анализа; применять производную для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических и физических задачах; находить площади и объёмы фигур с помощью интеграла; приводить примеры математического моделирования с помощью дифференциальных уравнений
5	Умение оперировать понятиями: график функции, обратная функция, композиция функций, линейная функция, квадратичная функция, рациональная функция, степенная функция, тригонометрические функции, обратные тригонометрические функции, показательная и логарифмическая функции; умение строить графики изученных функций, выполнять преобразования графиков функций, использовать графики для изучения процессов и зависимостей, при решении задач из других учебных предметов и задач из реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами; использовать свойства и графики функций для решения уравнений, неравенств и задач с параметрами; изображать на координатной плоскости множества решений уравнений, неравенств и их систем
6	Умение решать текстовые задачи разных типов (в том числе на проценты, доли и части, на движение, работу, стоимость товаров и услуг, налоги, задачи из области управления личными и семейными финансами); составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать полученное решение и оценивать правдоподобность результатов; умение моделировать реальные ситуации на языке математики; составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры, интерпретировать полученный результат
7	Умение оперировать понятиями: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение числового набора; умение извлекать, интерпретировать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах, графиках, отражающую свойства реальных процессов и явлений; представлять информацию с помощью таблиц и диаграмм; исследовать статистические данные, в том числе с

	применением графических методов и электронных средств; графически исследовать совместные наблюдения с помощью диаграмм рассеивания и линейной регрессии
8	Умение оперировать понятиями: случайный опыт и случайное событие, вероятность случайного события; умение вычислять вероятность с использованием графических методов; применять формулы сложения и умножения вероятностей, формулу полной вероятности, формулу Бернулли, комбинаторные факты и формулы; оценивать вероятности реальных событий; умение оперировать понятиями: случайная величина, распределение вероятностей, математическое ожидание, дисперсия и стандартное отклонение случайной величины, функции распределения и плотности равномерного, показательного и нормального распределений; умение использовать свойства изученных распределений для решения задач; знакомство с понятиями: закон больших чисел, методы выборочных исследований; умение приводить примеры проявления закона больших чисел в природных и общественных явлениях; умение оперировать понятиями: сочетание, перестановка, число сочетаний, число перестановок; бином Ньютона; умение применять комбинаторные факты и рассуждения для решения задач; оценивать вероятности реальных событий; составлять вероятностную модель и интерпретировать полученный результат
9	Умение оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость, пространство, отрезок, луч, величина угла, плоский угол, двугранный угол, трёхгранный угол, скрещивающиеся прямые, параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей, угол между прямыми, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями, расстояние от точки до плоскости, расстояние между прямыми, расстояние между плоскостями; умение использовать при решении задач изученные факты и теоремы планиметрии; умение оценивать размеры объектов окружающего мира; строить математические модели с помощью геометрических понятий и величин, решать связанные с ними практические задачи
10	Умение оперировать понятиями: площадь фигуры, объём фигуры, многогранник, правильный многогранник, сечение многогранника,

	куб, параллелепипед, призма, пирамида, фигура и поверхность вращения, цилиндр, конус, шар, сфера, площадь сферы, площадь поверхности пирамиды, призмы, конуса, цилиндра, объём куба, прямоугольного параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара, развёртка поверхности, сечения конуса и цилиндра, параллельные оси или основанию, сечение шара, плоскость, касающаяся сферы, цилиндра, конуса; умение строить сечение многогранника, изображать многогранники, фигуры и поверхности вращения, их сечения, в том числе с помощью электронных средств; умение применять свойства геометрических фигур, самостоятельно формулировать определения изучаемых фигур, выдвигать гипотезы о свойствах и признаках геометрических фигур, обосновывать или опровергать их; умение проводить классификацию фигур по различным признакам, выполнять необходимые дополнительные построения
11	Умение оперировать понятиями: движение в пространстве, параллельный перенос, симметрия на плоскости и в пространстве, поворот, преобразование подобия, подобные фигуры; умение распознавать равные и подобные фигуры, в том числе в природе, искусстве, архитектуре; использовать геометрические отношения при решении задач; находить геометрические величины (длина, угол, площадь, объём) при решении задач из других учебных предметов и из реальной жизни; умение вычислять геометрические величины (длина, угол, площадь, объём, площадь поверхности), используя изученные формулы и методы, в том числе: площадь поверхности пирамиды, призмы, конуса, цилиндра, площадь сферы; объём куба, прямоугольного параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара; умение находить отношение объёмов подобных фигур
12	Умение оперировать понятиями: прямоугольная система координат, вектор, координаты точки, координаты вектора, сумма векторов, произведение вектора на число, разложение вектора по базису, скалярное произведение, векторное произведение, угол между векторами; умение использовать векторный и координатный метод для решения геометрических задач и задач других учебных

	предметов
13	Умение выбирать подходящий метод для решения задачи; понимание значимости математики в изучении природных и общественных процессов и явлений; умение распознавать проявление законов математики в искусстве, умение приводить примеры математических открытий российской и мировой математической науки

ПЕРЕЧЕНЬ ЭЛЕМЕНТОВ СОДЕРЖАНИЯ, ПРОВЕРЯЕМЫХ НА ЕГЭ ПО МАТЕМАТИКЕ

Код	Проверяемый элемент содержания
1	Числа и вычисления
1.1	Натуральные и целые числа. Признаки делимости целых чисел
1.2	Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби
1.3	Арифметический корень натуральной степени. Действия с арифметическими корнями натуральной степени
1.4	Степень с целым показателем. Степень с рациональным показателем. Свойства степени
1.5	Синус, косинус и тангенс числового аргумента. Арксинус, арккосинус, арктангенс числового аргумента
1.6	Логарифм числа. Десятичные и натуральные логарифмы
1.7	Действительные числа. Арифметические операции с действительными числами. Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений
1.8	Преобразование выражений
1.9	Комплексные числа
2	Уравнения и неравенства
2.1	Целые и дробно-рациональные уравнения
2.2	Иррациональные уравнения
2.3	Тригонометрические уравнения
2.4	Показательные и логарифмические уравнения
2.5	Целые и дробно-рациональные неравенства
2.6	Иррациональные неравенства
2.7	Показательные и логарифмические неравенства
2.8	Тригонометрические неравенства
2.9	Системы и совокупности уравнений и неравенств
2.10	Уравнения, неравенства и системы с параметрами
2.11	Матрица системы линейных уравнений. Определитель матрицы

3	Функции и графики
3.1	Функция, способы задания функции. График функции. Взаимно обратные функции. Чётные и нечётные функции. Периодические функции
3.2	Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства. Промежутки монотонности функции. Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке
3.3	Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график. Свойства и график корня n -ой степени
3.4	Тригонометрические функции, их свойства и графики
3.5	Показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики
3.6	Точки разрыва. Асимптоты графиков функций. Свойства функций, непрерывных на отрезке
3.7	Последовательности, способы задания последовательностей
3.8	Арифметическая и геометрическая прогрессии. Формула сложных процентов
4	Начала математического анализа
4.1	Производная функции. Производные элементарных функций
4.2	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке
4.3	Первообразная. Интеграл
5	Множества и логика
5.1	Множество, операции над множествами. Диаграммы Эйлера – Венна
5.2	Логика
6	Вероятность и статистика
6.1	Описательная статистика
6.2	Вероятность
6.3	Комбинаторика
7	Геометрия
7.1	Фигуры на плоскости
7.2	Прямые и плоскости в пространстве
7.3	Многогранники

7.4	Тела и поверхности вращения
7.5	Координаты и векторы

УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА ОБЯЗАТЕЛЬНЫЕ УЧЕБНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧЕНИКА

- Математика. Алгебра и начала математического анализа; 10 класс. углубленное обучение Мерзляк А.Г., Номировский Д.А., Поляков В.М.; под редакцией Подольского В.Е. Общество с ограниченной ответственностью Издательский центр «ВЕНТАНА-ГРАФ»; Акционерное общество «Издательство «Просвещение»
- Математика. Алгебра и начала математического анализа; 11 класс. углубленное обучение Мерзляк А.Г., Номировский Д.А., Поляков В.М.; под редакцией Подольского В.Е. Общество с ограниченной ответственностью Издательский центр «ВЕНТАНА-ГРАФ»; Акционерное общество «Издательство «Просвещение»

МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧИТЕЛЯ

1. Контрольно-измерительные материалы. Алгебра и начала анализа: 11 класс. Составитель А.Н. Рурукин. - М.: Вако, 2011 г. /
2. В.Б. Некрасов. Вся школьная математика. Самое необходимое. Учебное пособие для базовой и профильной школы. - СПб: СММО Пресс, 2011 г. /
3. С.М. Саакян, В.Ф. Бутузов. Изучение геометрии в 10-11 классах: Методические рекомендации к учебнику. Книга для учителя. – М.: Просвещение, 2019 г. 6. Б.Г.З

ЦИФРОВЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕСУРСЫ И РЕСУРСЫ СЕТИ

<https://education.yandex.ru/lab/classes>

https://urok.1c.ru/library/mathematics/Elektron_resursy_FGOS_2022_5-11_kl/

ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ (ДЕМОВЕРСИЯ)

10 КЛАСС

Контрольная работа: «Рациональные уравнения и неравенства. Системы линейных уравнений»

Контрольная работа: "Степенная функция. Её свойства и график"

Вариант № 1.

1. Найти область определения функции: а) $y = \sqrt{2x - x^2}$; б) $y = \frac{9}{(x+5)^3}$.
 2. Построить график функции $y = (x + 1)^{\frac{1}{2}}$. Найти ее область определения и множество значений.
 3. Найти функцию, обратную к данной, ее область определения и множество значений: а) $y = \sqrt[4]{x - 3}$; б) $y = 3x - 5$.
 4. Решить уравнение: а) $\sqrt{5 - 4x} = 3,2$; б) $\sqrt{4x^2 - 3x - 1} = x + 1$.
- 5*. Решить неравенство: $\sqrt{x^2 - 2x - 1} \geq 2x - 3$.

Вариант № 2.

1. Найти область определения функции: а) $y = \sqrt{5x - 2x^2}$; б) $y = -\frac{4}{(x-1)^3}$.
 2. Построить график функции $y = (x - 1)^{\frac{1}{3}}$. Найти ее область определения и множество значений.
 3. Найти функцию, обратную к данной, ее область определения и множество значений: а) $y = \sqrt[4]{x + 2}$; б) $y = 2x + 4$.
 4. Решить уравнение: а) $\sqrt{2x - 3} = 1,6$; б) $\sqrt{3x^2 + 5x + 8} = 2x + 3$.
- 5*. Решить неравенство: $\sqrt{2x^2 + x} < 2x + 1$.

Контрольная работа: "Свойства и график корня n-ой степени. Иррациональные уравнения"

Контрольная работа по теме «Корень n – ой степени». Вариант 1. 1. Верно ли равенство: а) $\sqrt[10]{4^{10}} = -4$; б) $\sqrt[10]{(-5)^{10}} = 5$; в) $\sqrt[10]{6^{10}} = 6$; г) $\sqrt[10]{(-7)^{10}} = -7$.	Контрольная работа по теме «Корень n – ой степени». Вариант 2. 1. Верно ли равенство: а) $\sqrt[8]{5^8} = -5$; б) $\sqrt[8]{6^8} = 6$; в) $\sqrt[8]{(-7)^8} = -7$;
---	--

2. Найдите значение выражения: а) $\sqrt[3]{243} : \sqrt[3]{9} - \sqrt{121}$; б) $\sqrt{\sqrt[3]{2^6} \cdot 6^{12}}$; в) $\sqrt[3]{16} \cdot \sqrt[4]{3} \cdot \sqrt[3]{4} \cdot \sqrt[4]{27}$. 3. Упростите выражение: а) $\frac{\sqrt[12]{a^{24}} \sqrt{a}}{a^{\frac{8}{9}} \sqrt{a}}$; б) $\sqrt[5]{\frac{243z^6}{\sqrt[3]{z^9}}}$; в) $\sqrt[4]{243a^5b^5}$. $\sqrt[4]{\frac{1}{3}} a^3 b^3$. 4. Найдите область допустимых значений: а) $\sqrt{x^2 - 81}$; б) $\sqrt[5]{x^2 - 7x}$. 5. Упростите выражение: $\frac{\sqrt[3]{a^2} - 2\sqrt[3]{ab}}{\sqrt[3]{a^2} - 4\sqrt[3]{ab} + 4\sqrt[3]{b^2}}$ и найти его значение при $a=64$ и $b = -\frac{1}{8}$. 6. Найдите значение выражения: $\sqrt[8]{(6 - 2\sqrt{2})^8} - \sqrt[5]{(5 + 2\sqrt{2})^5}$.	г) $\sqrt[8]{(-8)^8} = 8$. 2. Найдите значение выражения: а) $\frac{\sqrt[3]{375} \cdot \sqrt[3]{27}}{\sqrt[3]{81}}$; б) $\sqrt[4]{2} \cdot \sqrt[5]{81} \cdot \sqrt[4]{8} \cdot \sqrt[5]{3}$; в) $\sqrt{\sqrt[5]{2^{10}} \cdot 5^{10}}$. 3. Упростите выражение: а) $\frac{35 \sqrt[7]{20} \sqrt{a} - 20 \sqrt[4]{35} \sqrt{a}}{4 \sqrt[5]{28} \sqrt{a}}$; б) $\sqrt[7]{\frac{128z^{10}}{\sqrt[4]{z^{12}}}}$; в) $\sqrt[3]{81a^6b} \cdot \sqrt[3]{\frac{1}{3}a^3b^2}$. 4. Найдите область допустимых значений: а) $\sqrt{x^2 - 8x}$; б) $\sqrt[5]{x^2 + 7x - 4}$. 5. Упростите выражение: $\frac{\sqrt[5]{a^2} + 3\sqrt[5]{ab}}{\sqrt[5]{a^2} + 6\sqrt[5]{ab} + 9\sqrt[5]{b^2}}$ и найти его значение при $a = \frac{1}{32}$ и $b = 243$. 6. Найдите значение выражения: $\sqrt[6]{(4 - 3\sqrt{2})^6} - \sqrt[5]{(4 + 3\sqrt{2})^5}$.
--	---

Контрольная работа: "Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения"

Вариант 1

1. Вычислить:

1) $\log_{\frac{1}{2}} 16$ 2) $5^{1+\log_5 3}$ 3) $\log_3 135 - \log_3 20 + 2\log_3 6$

2. В одной системе координат схематически построить графики функций $y = \log_{\frac{1}{4}} x$

и $y = \left(\frac{1}{4}\right)^x$

3. Найти область определения функции $y = \log_3 (x^2 - 13x + 12)$

4. Решите неравенство и укажите все его целые решения $\log_3 x > \log_3 (5 - x)$

5. Решите неравенство:

а) $\log_{\frac{1}{3}} (x - 5) > -1$ б) $\log_4 (x - 2) + \log_4 (x - 8) < 2$

6. Решите уравнение:

а) $\log_5 (2x - 1) = 2$ б) $\log_2 (x - 2) + \log_2 x = 3$ в) $\log_{\frac{1}{2}} x + 3\log_{\frac{1}{2}} x + 2 = 0$

7. Решите систему уравнений $\{\log_2 x - \log_2 y = 2, |$

Вариант 2

1. Вычислить:

- 1) $\log_3 \frac{1}{27}$ 2) $\left(\frac{1}{3}\right)^{2\log_3 7}$ 3) $\log_2 56 + 2\log_2 12 - \log_2 63$
2. В одной системе координат схематически построить графики функций $y = \log_4 x$ и $y = 4^x$
3. Найти область определения функции $y = \lg(-x^2 - 5x + 14)$
4. Решите неравенство и укажите все его целые решения $\log_{\frac{1}{7}}(2x + 3) < \log_{\frac{1}{7}}(3x - 2)$
5. Решите неравенство:
а) $\log_5(x - 3) < 2$; б) $\log_7(x - 3,5) + \log_7(x - 2) < 1$
6. Решите уравнение:
а) $\log_4(2x + 3) = 3$; б) $\log_3(x - 8) + \log_3 x = 2$ в) $\log_{0,2^2} x + \log_{0,2} x - 6 = 0$
7. Решите систему уравнений $\{\log_3 x - \log_3 y = 1, |$

Контрольная работа: "Тригонометрические выражения и тригонометрические уравнения"

Вариант 1

- Вычислите: а) $2\arcsin \frac{\sqrt{2}}{2} - \frac{1}{2}\arctg \sqrt{3}$; б) $\operatorname{ctg} \left(\arccos \frac{1}{2} + \arcsin \frac{\sqrt{3}}{2} \right)$.
- Решите уравнение: а) $3\sin^2 x + 7\cos x - 3 = 0$; б) $\sin x - \cos x \sin x = 0$.
- Найдите корни уравнения $\sin \left(2x - \frac{\pi}{2} \right) = -\frac{1}{2}$, принадлежащие полуинтервалу $(0; \frac{3\pi}{2}]$.
- Решите уравнение $\sin \left(\pi + \frac{3}{4}x \right) - \sin \left(\frac{3\pi}{2} - \frac{3}{4}x \right) = 0$.

Вариант 2

- Вычислите: а) $3\operatorname{arccotg} \left(-\frac{\sqrt{3}}{3} \right) + \frac{1}{2}\arccos \frac{\sqrt{2}}{2}$; б) $\operatorname{tg} \left(\arccos \frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{1}{2}\operatorname{arccotg} \frac{1}{\sqrt{3}} \right)$.
- Решите уравнение: а) $2\cos^2 x + 5\sin x - 4 = 0$; б) $\sin x + \cos x \sin x = 0$.
- Найдите корни уравнения $\cos \left(3x - \frac{\pi}{2} \right) = \frac{1}{2}$, принадлежащие полуинтервалу $(\pi; \frac{3\pi}{2}]$.
- Решите уравнение $\sqrt{3}\cos(\pi - 2,5x) + \cos \left(\frac{\pi}{2} - 2,5x \right) = 0$.

Контрольная работа: "Последовательности и прогрессии"

Вариант 1

- Вычислите 1, 5 и 100-й члены последовательности, если ее n -й член задается формулой
$$x_n = (-1)^n \frac{2n-1}{3+n}.$$
- Представьте бесконечную периодическую десятичную дробь $1,(18)$ в виде обыкновенной дроби.

3 Найдите знаменатель бесконечно убывающей геометрической прогрессии, у которой каждый член в 6 раз больше суммы всех её последующих членов.

В а р и а н т 2

1. Вычислите 1, 7 и 200-й члены последовательности, если ее n -й член задается формулой $x_n = (-1)^{n+1}(2 + 3n)$.

2. Представьте бесконечную периодическую десятичную дробь 2,(27) в виде обыкновенной дроби.

3. Сумма бесконечной убывающей геометрической прогрессии равна 4, а сумма квадратов её членов равна 48. Найдите первый член и знаменатель прогрессии.

Контрольная работа: "Производная"

Вариант 1

1. Вычислите первый, пятый и 100-й члены последовательности, если ее n -й член задается формулой $x_n = (-1)^n \frac{2n-1}{3+n}$.

2. Представьте бесконечную периодическую десятичную дробь 1,(18) в виде обыкновенной дроби.

3. Найдите производную функции: а) $y = 5x^4 - 2x^3 + \frac{3}{5x} - 7$;

б) $y = 2\sqrt{x} + \frac{1}{2}\sin x - 3\operatorname{tg}x$; в) $y = \sqrt{x}(5x - 3)$; г) $y = \frac{x}{x^2+1}$.

4. Найдите угловой коэффициент касательной к графику функции $y = -3\sin 2x + 5\cos 3x - 7$ в точке с абсциссой $x_0 = \frac{\pi}{2}$.

5. Докажите, что функция $y = (2x + 3)^9$ удовлетворяет соотношению

$$3y = (2x + 3)^5 \cdot \sqrt{\frac{y'}{2}}.$$

Вариант 2

1. Вычислите первый, седьмой и 200-й члены последовательности, если ее n -й член задается формулой $x_n = (-1)^{n+1}(2 + 3n)$.

2. Представьте бесконечную периодическую десятичную дробь 2, (27) в виде обыкновенной дроби.

3. Найдите производную функции: а) $y = 7x^5 + 3x^4 - \frac{5}{7x} + 4$;

б) $y = -3\sqrt{x} + \frac{1}{3}\cos x - \frac{1}{2}\operatorname{ctg}x$; в) $y = \sqrt{x}(-2x + 1)$; г) $y = \frac{x}{x^2-1}$.

4. Найдите угловой коэффициент касательной к графику функции $y = -7\cos 3x + 2\sin 5x - 3$ в точке с абсциссой $x_0 = \frac{\pi}{3}$.

5. Докажите, что функция $y = (2x + 3)^9$ удовлетворяет соотношению $8000y^2(4x - 7)^2 + (y')^3 = 0$.

Итоговая работа по математике за курс 10 класса

Вариант 1

Модуль «Алгебра»

Часть 1

№1. Найдите значение выражения: $\frac{\sqrt{2} \cdot \sqrt[4]{48}}{\sqrt[4]{12}}$.

№2. Вычислите значение выражения: $\log_3 6 + \log_9 36 - 2 \cdot \log_3 2 + 3^{\log_3 4}$.

№3. Найдите область определения функции: $y = \log_2(x - x^2)$

№4. Решите уравнение: $16 \cdot \sqrt{3-x} - x^2 \cdot \sqrt{3-x} = 0$.

№5. Известно, что $\cos \alpha = 0,6$ и $270^\circ < \alpha < 360^\circ$. Найдите $\operatorname{ctg} \alpha$.

№6. Вычислите: $\cos 10^\circ \cdot \cos 20^\circ - \sin 10^\circ \cdot \sin 20^\circ$.

№ 7. Найдите значение выражения: $\frac{8 \sin 5^\circ \cdot \cos 5^\circ \cdot \cos 10^\circ}{\cos 70^\circ}$

Часть 2

№8. Решите неравенство: $\frac{x^2 - 2x + 1}{(x-1)(x-3)} \geq -1$

№9. Решите уравнение $x - 3\sqrt{x-1} + 1 = 0$.

№10

а) Решите уравнение: $\log_7(x+2) = \log_{49}(x^4)$.

б) Найдите все корни этого уравнения, принадлежащие отрезку: $\left[\log_6 \frac{1}{7}; \log_6 35 \right]$.

№11. Решите неравенство: $2^{x^2} \leq 64 \cdot 2^x$.

№12. Решите неравенство: $\log_2(x^2 - 4) - 3 \log_2 \frac{x+2}{x-2} > 2$.

11 КЛАСС

Контрольная работа: "Исследование функций с помощью производной"

1. Найти экстремумы функции: $y = e^x(2x - 3)$
2. Найти промежутки возрастания и убывания функции: $f(x) = x^3 - 2x^2 + x + 3$
3. Построить график функции $f(x) = x^3 - 2x^2 + x + 3$ на отрезке $[-1; 2]$
4. Найти наибольшее и наименьшее значения функции $f(x) = x^3 - 2x^2 + x + 3$ на отрезке $\left[0; \frac{3}{2}\right]$
5. Среди прямоугольников, сумма длин трех сторон у которых равна 20, найти прямоугольник наибольшей площади.

Контрольная работа: «Первообразная и интеграл»

№1. Для функции $f(x) = 2x^2 + x$ найдите первообразную, график которой проходит через точку $A(1; 1)$

№2. Вычислите интеграл:

а) $\int_0^1 (2x^2 + 3) dx$

б) $\int_{-\pi}^{\pi} \sin 2x dx$

№3. Найдите площадь фигуры, ограниченной линиями:

а) параболой $y = (x-1)^2$, прямыми $x = -1$ и $x = 2$ и осью Ox .

*б) графиком функции $y = \frac{4}{x}$ при $x > 0$, параболой

$y = -x^2 + 4x + 1$.

Контрольная работа: «Графики тригонометрических функций. Тригонометрические неравенства»

1. Не выполняя построения, установите, принадлежит ли графику функции $y = -\operatorname{ctg}\left(x + \frac{\pi}{3}\right)$ точка:

а) $M(0; -\sqrt{3})$; б) $P\left(\frac{\pi}{6}; 0\right)$.

2. Исследуйте функцию на четность.

а) $y = x^2 \sin 3x$; б) $y = |\operatorname{ctg} x| + \cos x$; в) $y = \frac{x^6}{2} - \sin x$.

3. Исследуйте функцию $y = |\operatorname{ctg} x| + \cos x$ на периодичность; укажите основной период, если он существует.

4. Решить тригонометрические неравенства:

а) $\cos \frac{x}{2} \leq -\frac{1}{2}$

б) $3 \operatorname{tg}\left(2x - \frac{\pi}{3}\right) - \sqrt{3} > 0$

в) $2 \sin^2 \frac{x}{5} - 3 \sin \frac{x}{5} + 1 \leq 0$

г) $\begin{cases} \cos x < \frac{\sqrt{3}}{2} \\ \operatorname{tg} x \geq 1 \end{cases}$

5. Построить график функции:

а) $y = 2 \sin 3\left(x + \frac{5\pi}{6}\right) - 1,5$

б) $y = \arcsin(x + 1) - \frac{\pi}{2}$

Контрольная работа: «Иррациональные, показательные и логарифмические неравенства»

1. Решите показательное неравенство

$$3^{2x+1} < 27$$

$$\left(\frac{1}{5}\right)^{0,5x-1} \leq \frac{1}{25}$$

$$\left(\frac{1}{7}\right)^{2x+1} < \left(\frac{1}{49}\right)^x$$

2. Решить иррациональное неравенство

$$\sqrt{2x+1} > -3$$

$$\sqrt{x+2} > \sqrt{4-x}$$

$$\sqrt{x+8} < x+2$$

3. Решить логарифмическое неравенство

$$\log_7(6-4x) \leq 2$$

$$\log_{\frac{1}{3}}(x+5) > -3$$

$$\log_3 x + \log_3(x-1) \leq 1$$

Контрольная работа: «Комплексные числа»

1. Вычислите:

а) $(5+i)(-2+3i)$, б) $\frac{4i}{1+i}$.

2. Изобразите на комплексной плоскости:

а) середину отрезка, соединяющего точки $1+2i$; $3+2i$;

б) множество точек z , удовлетворяющих условию $\arg z = \frac{\pi}{4}$;

в) множество точек z , удовлетворяющих условию $|z| \leq 3$.

3. Запишите комплексное число в стандартной тригонометрической форме: а) $6-6i$, б) $-4-3i$.

4. Решите уравнение $x^2 - 2x + 2 = 0$.

5. Вычислите $\left(\frac{-1+i\sqrt{3}}{2}\right)^4$.

Контрольная работа: «Теория целых чисел»

1. Используя малую теорему Ферма, найти последний разряд числа 2^{102} в системе счисления с основанием 17.

2. Используя китайскую теорему об остатках, решить систему $3x \equiv 1 \pmod{13}$, $9x \equiv 2 \pmod{19}$.

3. Доказать, что в прямоугольном треугольнике, длины сторон которого выражаются натуральными числами, по крайней мере одно из чисел, выражающее длину катета, делится на 3.

4. Используя алгоритм Евклида, найти такие целые n , при которых несократима дробь $\frac{3n+1}{5n+4}$

Контрольная работа: «Системы рациональных, иррациональных показательных и логарифмических уравнений»

1. Решите уравнение: а) $\sqrt{x+6} = 0,25x + 0,25$; б) $(5^{x^2+x} - 1)\sqrt{4x+2} = 0$.

2. Решите систему уравнений: а) $\begin{cases} x^2 + y^2 = 26, \\ xy = 5. \end{cases}$ б) $\begin{cases} 2\sqrt{x} + 2\sqrt{y} = 3\sqrt{xy}, \\ x + y - 5 = 0. \end{cases}$

3. 7. Решите систему уравнений $\begin{cases} \log_2 x - \log_2 y = 2, \\ x - 2y = 12 \end{cases}$

4. Решите систему уравнений $\begin{cases} \log_3^3 y^2 + \left(\frac{1}{5}\right)^{-3x} = 127, \\ \log_3^2 y^2 - 2\left(\frac{1}{5}\right)^{-x} \cdot \log_3 y = 127 - 25^x. \end{cases}$

5. Три данных числа образуют арифметическую прогрессию. Если третий член прогрессии уменьшить на 3, то полученные три числа составят геометрическую прогрессию. Если второй член этой геометрической прогрессии уменьшить на $\frac{4}{3}$, то полученные три числа вновь составят геометрическую прогрессию. Найдите данные числа.

Контрольная работа: «Задачи с параметрами»

1. При каких значениях a уравнение

$$\sqrt{5x^2 + 16ax + 4} = x^2 + 4ax + 2$$

имеет ровно три различных корня? Найдите все возможные значения a .

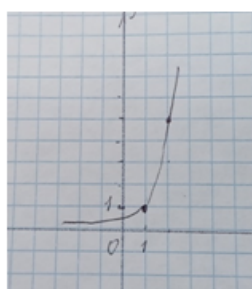
2. Найдите все значения параметра a , при каждом из которых уравнение $f(x) = |a + 2|\sqrt[3]{x}$

имеет 4 решения, где f – четная периодическая функция с периодом $T = \frac{16}{3}$, определенная на всей числовой прямой, причем $f(x) = ax^2$, если $0 \leq x \leq \frac{8}{3}$.

3. Найдите все значения a , при каждом из которых уравнение $\left|\frac{7}{x} - 4\right| = ax - 3$ на промежутке $(0; +\infty)$ имеет более двух корней.

Итоговая контрольная работа

1. Найдите корни уравнения а) $\sqrt{6+5x} = x$,
б) $\sqrt{(34-3x)} = x - 2$, если уравнение имеет больше одного корня, то запишите меньший из них.
2. Решите уравнения : а) $(\frac{1}{25})^{x+2} = 5^{x+5}$, б) $5^{x+3} = 0.4 * 2^{x+3}$
3. Найдите корни уравнения $\log_4(x+3) = \log_4(4x-15)$.
4. Вычислить: $\frac{2^{2,5} * 3^{5,5}}{6^{4,5}}$
5. а). Найдите точку минимума функции $y = \frac{2}{3} * x^{\frac{3}{2}} - 2x + 1$
б). Найдите наименьшее значение функции $y = \frac{2}{3} * x^{\frac{3}{2}} - 3x + 1$ на промежутке $[1; 9]$
в) Найдите наименьшее значение функции $y = 2^{x^2 - 16x + 67}$
6. На рисунке изображен график функции $f(x) = p * a^x$. Найдите значение $f(4)$



2 часть

1. Решить уравнение: $25^{x+0,5} + 1,2 * 2^{4x+1} = 140 * 20^{x-1}$
2. а) Решить уравнение: $\log_4^2(\cos 2x) = \log_{\frac{1}{16}}(\cos 2x)$
б) Найдите все корни этого уравнения, принадлежащие промежутку $[3\pi, \frac{9\pi}{2}]$.
3. Решить неравенство: $\frac{\sqrt{x-2} * (4-3^{x-1})}{2^{1-x^2} - 3} \geq 0$